文章编号:1000-8152(2008)05-0811-04

# 粒子滤波在机动飞行器轨道确定中的应用

### 林 健,林晓辉,曹喜滨

(哈尔滨工业大学卫星技术研究所,黑龙江哈尔滨150080)

摘要:对于机动飞行器轨道确定,由于状态误差及测量误差的分布不是高斯分布,传统的滤波方法受到了一定的限制,为了解决这个问题,本文采用"采样-重要性-采样"粒子滤波算法,在考虑只有目标位置信息而需对目标速度信息进行估计的情况,对含J2摄动项机动目标轨道信息进行确定.滤波过程中,结合交互式多模型方法,由多模型输出误差判断当前模型类型,通过当前模型的快速切换,提高滤波精度.最后给出应用此方法进行轨道确定的仿真实例.

**关键词**: 粒子滤波; 机动目标; 多模型; 轨道确定 中图分类号: V412.41 **文献标识码**: A

# Orbit determination based on particle filtering for maneuvering target

LIN Jian, LIN Xiao-hui, CAO Xi-bin

(Research Center of Satellite Technology, Harbin Institute of Technology, Harbin Heilongjiang 150080, China)

Abstract: The non-Gaussian distribution of state error and measurement error is an important element for accurately modeling the dynamics in satellite orbit determination problem, causing limitations in applying the traditional filtering methods. The sampling-importance-resampling(SIR) particle filter is used in this paper to solve the mentioned problem. The dynamics including the  $J_2$  perturbation is considered in the design. To follow the target's abrupt motion, a multi-model method is used. The residual error is also applied to detect the maneuvering of the target. The model of the target is switched to the current thrust model when the residual error intersects the model aggregates. Finally, a simulation is given to estimate the orbit of a maneuvering target.

Key words: particle filter; maneuvering target; multi-model method; orbit determination

## 1 引言(Introduction)

当系统可描述为线性模型,且系统和量测误差 均为白噪声时,通过Kalman滤波可以得到统计意义 上的无偏最优估计.但是在实际应用中,目标运动模 型和量测模型大都是非线性的,噪声是非高斯的,特 别是针对机动目标时,传统的Kalman滤波的应用就 受到了限制<sup>[1]</sup>.相对轨道确定问题,通常是在Hill方 程基础上应用扩展卡尔曼滤波算法对目标飞行器 状态进行估计,由于需要对状态方程进行线性化, 且Hill方程只适用于相对距离较近的滤波计算,当相 对距离较远,或初始误差较大,都容易导致滤波发 散,使其应用范围受到了很大约束,因此,适用于相 对距离较远的目标轨道确定方法将会是未来研究的 一个重要方向.随着计算速度的提高,一种崭新的基 于贝叶斯原理的序贯蒙特卡洛粒子滤波器(PF)逐渐 受到关注并应用到非线性估计的各个领域[2~4]. 粒 子滤波理论的依据是大数定律和中心极限定理,其 核心思想是每个粒子代表一种对状态的假设,利用 一系列假设的加权和,表示状态的后验概率密度,得 到状态的估计值<sup>[5]</sup>.粒子滤波算法最基本的要求就 是必须已知状态模型,因此可直接应用到非线性模 型的状态估计上而不需要对其状态方程进行近似处 理<sup>[6]</sup>.包含各种轨道摄动的飞行器动力学研究已经 相当成熟,考虑到粒子滤波算法的特点,将其直接应 用到轨道确定避免了动力学方程的线性化过程,能 获得更高的滤波精度.

将粒子滤波算法应用到轨道确定,目标机动将是 影响其精度的一个重要因素.当目标发生机动,其状 态模型也发生了相应的变化,仍然应用原来的状态 方程进行滤波,机动项会成为一个干扰对滤波结果 造成影响.本文结合多模型方法<sup>[7,8]</sup>,通过模型交互 获得模型误差,判断当前目标模型类型,通过模型切 换,获得目标的状态估计.仿真表明,该方法有很好 的自适应能力,可以较快的对目标机动进行判断.

收稿日期: 2007-04-18; 收修改稿日期: 2008-01-01.

812

# 2 粒子滤波(Particle filtering)

### 2.1 SIR粒子滤波算法(SIR particle filtering)

粒子滤波算法是在贝叶斯估计基础上发展起来的,又称序列蒙特卡罗方法(SMC),最早出现的是序列重要采样算法(SIS),并由此发展出SIR(sampling importance sampling)算法、ASIR(auxiliary sampling importance resampling)算法、RPF(regularized partial filter)算法等.粒子滤波算法已被广泛应用到机动目标的跟踪问题上,本文将应用SIR算法,对机动飞行器的轨道参数进行跟踪.

基于SIR的粒子滤波算法可以归纳如下:

1) 初始化.

对 $p(x_0)$ 进行采样, 生成N个服从 $p(x_0)$ 分布的随 机样本 $(x_0(i), i = 1, \dots, N)$ .

2) 预测.

首先生成 N 个服从  $p(e_k)$  分布的随机变量  $(e_{k-1}(i))$ , 然后按下式进行预测.

$$x_k^+(i) = f_{k-1}(x_{k-1}(i), e_{k-1}(i)).$$
(1)

3) 更新.

在得到新的预测y<sub>k</sub>后计算每个样本(粒子)的似然化,从而获得归一化的权值

$$\omega_i = \frac{p(Y_k | x_k^+(i))}{\sum_{i=1}^n p(Y_k | x_k^+(i))}.$$
(2)

似然函数 $p(Y_k|x_k^+(i))$ 按如下方法计算:

$$p(Y_k|x_k^+(i)) = p_v(Y_k - h(x_k^+(i))).$$
(3)

其中 $p_v(\cdot)$ 表示量测噪声 $v_k$ 的概率密度函数. 对于高斯观测过程,上式可以写成

$$p(Y_1|x_k^+(i)) = \left(\frac{1}{\sqrt{(2\pi)^n |R_v|}}\right) \exp\left\{-\frac{1}{2}[Y_k - h_k(x_k^+(i))]^{\mathrm{T}} R_v^{-1}[Y_k - h_k(x_k^+(i))]\right\}.$$
 (4)

其中|R<sub>v</sub>|表示量测噪声方差阵的行列式.

任意函数g(x)的最小方差估计可以表示为

$$\overline{g(x)} = \sum_{i=1}^{n} \omega_v g(x_k^+(i)).$$
(5)

4) 重采样.

对于由 $\{x_k^+(i), \omega_i\}$ 表示的离散分布进行采样,获 得一组新样本 $|x_k(i), i = 1, \dots, N|$ ,使得

$$p_r|x_k(i) = x_k^+(i)| = \omega_i, \tag{6}$$

即新样本中 $x_k^+(i)$ 出现的概率为 $\omega_i$ . 该过程首 先产生N个在(0, 1)上均匀分布的随机数{ $u_i : i = 1, \dots, N$ }, 然后通过搜索找到满足以下条件的整 数M:

$$\sum_{i=0}^{M-1} \omega_j < u_i \leqslant \sum_{i=0}^M \omega_i.$$
<sup>(7)</sup>

记录对应的样本*x*<sup>+</sup><sub>k</sub>(*M*),并将其作为一个新的 样本.根据SIR算法进行抽样,权值较大的样本将被 复制多次,而小权值的样本将可能被抛弃.

本文以目标三维速度矢量作为样本,由于位置矢 量与速度矢量在动力学方程中的相关性,通过预测 的位置矢量计算似然函数,并将三维的权值扩展到 六维,获得目标位置和速度的估计值,将其作为新的 样本.

# **2.2** 应用特殊数列构建粒子群(Particle construction with special sequence)

粒子滤波通过随机采样构成粒子群,其精度随着 粒子数量的增加而增加.但有一点值得注意,随机采 样所构成的样本群,会有很大一部分存在重复或者 非常接近的情况,大量重复的粒子极大的降低了计 算效率.本文提出了利用特殊数列构建粒子群的方 法,通过该数列,构建目标三维速度矢量,只需要较 少的粒子数量,就可以对目标参数进行较好的估计.

本文所构建数列主体为0.1, 0.191, 0.382, 0.5, 0.618, 0.809, 以0为中心, 左右最小分别为±0.001, 两端最大为±0.618, 构成35个数组成的比例数列, 数 列曲线图形如图1所示:



粒子群以x<sub>j</sub>(i) = x<sup>+</sup><sub>j</sub>(i-1) + K<sub>s</sub>C进行构建,其 中K<sub>s</sub>为与残差相关的参量,C为之前构建的比例数 列.选取这样一组序列,通过残差大小调整K<sub>s</sub>,可使 得状态估计更快地收敛于中心区域.当粒子状态误 差始终分布在曲线的中心区域,则系统达到了给定 模型的稳态;当误差跳出中心区域,表示目标发生了 机动,目标模型发生变化,为判断目标机动开始时刻 提供了一个依据.

$$\begin{cases} \dot{x} = v_x, \\ \dot{y} = v_y, \\ \dot{z} = v_z, \\ \dot{v}_x = -\frac{\mu}{x^2 + y^2 + z^2} \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} + \\ f_T \alpha_x + f_{px}, \\ \dot{v}_y = -\frac{\mu}{x^2 + y^2 + z^2} \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} + \\ f_T \alpha_y + f_{py}, \\ \dot{v}_z = -\frac{\mu}{x^2 + y^2 + z^2} \frac{z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} + \\ f_T \alpha_z + f_{pz}. \end{cases}$$
(8)

其中: x, y, z为目标在惯性系下的位置矢量分量,  $v_x, v_y, v_z$ 为目标在惯性系下的速度矢量分量, $\mu$ 为地 球引力参数, $f_{px}, f_{py}, f_{pz}$ 表示摄动加速度, $f_T$ 为推力 加速度大小, $\alpha_x, \alpha_y, \alpha_z$ 为推力加速度矢量分量.

考虑J<sub>2</sub>摄动的影响,地球扁率位函数为:

$$U_{J2} = \frac{\mu}{r^3} R_e^2 J_2 \frac{1}{2} (3\sin^2 \phi - 1).$$
(9)

其中:  $R_e$ 为赤道半径,  $\sin \phi = \frac{z}{r}$ ,  $J_2$ 为2阶带谐 系数,  $\phi$ 为球坐标系下定义的位置角.  $J_2$ 摄动在 笛卡儿坐标系下的分量分别为 $f_{J2,x} = -\frac{\partial U_{J2}}{\partial x}$ ,  $f_{J2,y} = -\frac{\partial U_{J2}}{\partial y} \pi f_{J2,z} = -\frac{\partial U_{J2}}{\partial z}$ .

目标的状态模型可以分为非机动和机动模型两 类,其区别就在于推力加速度的影响,通常情况下, 目标机动的能力可以大致获得或者在一个范围内, 本文假定目标最大推力加速度为0.2 m/s<sup>2</sup>,利用等 差数列构建加速度模型.

# 4 多模型方法(Multi-model method)

多模型方法作为一种有效的自适应跟踪滤波算法,在机动目标跟踪领域已经获得了广泛的应用.通过选择或设计一个集合来描述系统的状态模式,集合中的每个模型与一个特定的系统状态相对应,通过并行的滤波过程,给出系统的总体估计.

针对本文的应用,假设目标机动加速度沿着速度方向施加,将目标机动加速度限制在小于0.2 m/s<sup>2</sup>,模型集的机动加速度以等差数列选取,最小为0.02 m/s<sup>2</sup>,最大为0.2 m/s<sup>2</sup>.

分别以A, B表示不带加速度和带加速度的状态 模型, 两个集合通过交互, 关系如式(10)所示.

其中:  $x^+_{k|A1}(i)$ 为A集的状态估计作为自身的状态输入,  $x^+_{k|A2}(i)$ 为B集的输出B2交互输

入*A*集,  $x_{k|B1}^+(i)$ 为*A*集 的 输 出*A*1交 互 输 入*B*集,  $x_{k|B2}^+(i)$ 为*B*集的状态估计作为自身的状态输入.

$$\begin{cases} x_{k|A1}^{+}(i) = f_{k-1|A}(x_{k-1|A1}(i)), \\ x_{k|A2}^{+}(i) = f_{k-1|A}(x_{k-1|B2}(i)), \\ x_{k|B1}^{+}(i) = f_{k-1|B}(x_{k-1|A1}(i)), \\ x_{k|B2}^{+}(i) = f_{k-1|B}(x_{k-1|B1}(i)). \end{cases}$$
(10)

模型的输出通过相应模型加权获得,模型切换逻 辑如下:

1) 当目标无机动, A集自身的状态估计能较好 的预测出目标的轨道参数; A集的自身估计A1输入 到B集中,由于B中为带加速度的模型,会使残差加 大; B集的估计B1输入到B集中,会使残差累计加 大.输出加权后A集的误差会小于B集,下一步滤波 过程以A集的输出作为参考输入.(若以B集的输出 作为参考输入,再次经过B集的滤波过程,会使滤波 发散,不具备机动判别能力).

2) 当目标机动,使用A集进行状态估计,残差会 增大; A1输入到B集,通过机动模型,残差会比A集 小; B1作为B集的输入,获得的残差会进一步减小. 加权后B集的误差小于A集,以B集的输出作为滤波 的参考输入.

3) 当目标停止机动, 过程与开始机动的情况相 反, *A*集的输出小于*B*集的输出, 重新转换为以*A*集的输出作为滤波结果.

### 5 仿真分析(Simulation)

为了验证本文所提出的滤波方法的效果,这里给 出机动目标跟踪的仿真实例.给定目标飞行器和跟 踪飞行器的初始轨道参数如表1所示.

表1 目标星和追踪星轨道参数

 Table 1
 The orbit elements of target and tracking satellites

sucenties		
轨道参数	追踪星	目标星
$a/{ m km}$	7129.5179	7071.5541
e	0.0161	0.0239
$i/{\rm deg}$	34.9681	34.9640
$\Omega/{ m deg}$	359.8968	359.8926
$\omega/{ m deg}$	35.9816	0.9005
$ heta/{ m deg}$	56.8734	93.2366

由于目标初始速度未知,以跟踪星的速度矢量作 为其速度初始值,以较大的K<sub>s</sub>构建粒子群. 假设相 对位置的测量误差为30 m. 目标星在跟踪500 s时发 生机动, 800 s机动结束,给定机动常值推力加速度 为0.1 m/s<sup>2</sup>,推力方向指向速度矢量方向.以目标速 度矢量为样本,通过采样,产生误差分布满足文中所 给数列的样本,仿真步长10 s,仿真时间1200 s,在目 标不机动的情况下,目标速度估计误差如图2所示,  $\times 10^{-3}$ 6 5 4  $\Delta v / (km \cdot s^{-1})$ 3 2 1 0 <sup>∟</sup>0 400 1000 1200 200 600 800 t/s目标无机动条件下速度估计误差 图 2



应用该算法,能对无机动目标进行快速的跟踪.

当目标出现机动,模型集A和模型集B的输出残 差 $U_a$ , $U_b$ 的曲线和速度估计误差 $\Delta V_a$ , $\Delta V_b$ 分别如 图3和图4所示.









Fig. 4 Velocity errors of model set A and B

从图中可知,模型集A和模型集B的残差曲线首 先在仿真时刻510 s交叉,判断为目标已经出现机动, 从该时刻开始,以模型集B的估计值作为当前时刻 的目标轨道参数的估计值;在800 s残差曲线反向交 叉,判断为目标机动结束,重新以模型集A的估计值 作为当前目标轨道参数的估计值.

### 6 结论(Conclusion)

本文应用粒子滤波算法和多模型方法对机动飞 行器的轨道参数进行估计,应用特殊数列构建粒子, 在获得较高精度的基础上,有效降低了运算量,通过 多模型交互,在非机动和机动模型间快速切换,有很 好的自适应能力,能有效的对机动目标进行跟踪.

### 参考文献(References):

- ARULAMPALAM S, RISTIC B. Comparison of the particle filter with range parameterized and modified polar EKF's for angle-only tracking[C]//Proceedings SPIE of the Conference on Signal and Data Processing of Small Targets. Orlando, Florida, USA: SPIE, 2000: 288 – 299.
- [2] VERMAAK J, ANDRIEU C, DOUCET A, et al. Particle methods for Bayesian modeling and enhancement of speech signals[J]. *IEEE Transactions on Speech and Audio Processing*, 2002, 10(3): 173 – 185.
- [3] CHANG C, ANSARI R. Kernel particle filter for visual tracking[J]. IEEE Signal Processing Letters, 2005, 12(3): 242 – 245.
- [4] WARD D B, LEHMANN E A, WILLIANMSON R C. Particle filtering algorithms for tracking an acoustic source in a reverberant environment[J]. *IEEE Transactions on Speech and Audio Processing*, 2003, 11(6): 826 – 836.
- [5] FREDRIK G, NICLAS B, URBAN F, et al. Particle filters for positioning, navigation and tracking[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2002, 50(2): 425 – 437.
- [6] ARULAMPALAM M S, MASKELL S, GORDON N, et al. A tutorial on particle filters for online nonlinear/non-gaussian Bayesian tracking[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2002, 50(3): 174 – 188.
- [7] MCGINNITY S, IRWIN G W. Multiple model bootstrap filter for maneuvering target tracking[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic System*, 2000, 36(3): 1006 – 1012.
- [8] BOERS Y, DRIESSEN J N. Interacting multiple model particle filter[J]. *IEE Proceedings: Radar Sonar Navig*, 2003, 150(5): 334 – 349.

#### 作者简介:

**林 健** (1980—), 男, 博士研究生, 主要研究方向为飞行器自主 导航与自主轨道控制, E-mail: imission80@yahoo.com.cn;

**林晓辉** (1966—), 男, 教授, 主要研究方向为卫星轨道理论, E-mail: linxiaohui@hit.edu.cn;

**曹喜滨** (1963—), 男, 教授, 博士生导师, 主要研究方向为小卫 星总体设计, E-mail: xbcao@hit.edu.cn.