文章编号:1000-8152(2010)08-1030-07

### 双参考点切换的多移动机器人队形运动控制方法

沈 捷1,费树岷2,张兴华1,林锦国1

(1. 南京工业大学自动化与电气工程学院, 江苏南京 210009; 2. 东南大学自动化学院, 江苏南京 210096)

摘要:为描述机器人队列的运动过程,从相对位姿的角度定义了多移动机器人的队形模型.在传统leaderfollowing队形控制的基础上,引入切换控制思想,每对领路机器人与跟随机器人之间设计3个控制器,对应跟随机器 人中轴线上两参考点分别设计两个运动子控制器,控制领路机器人与跟随机器人之间的相对位姿;切换控制器根 据系统处于平衡状态时,跟随机器人线速度的符号切换运动控制器,从而保证队列收敛到目标队形.仿真实验结果 表明,机器人队列表现出良好的整体一致性,队列运动更加平稳.

关键词:队形运动控制;多移动机器人;切换控制;位姿

中图分类号: TP24 文献标识码: A

# Formation motion control for multiple mobile robots based on switching control between two reference points

SHEN Jie<sup>1</sup>, FEI Shu-min<sup>2</sup>, ZHANG Xing-hua<sup>1</sup>, LIN Jin-guo<sup>1</sup>

School of Automation and Electrical Engineer, Nanjing University of Technology, Nanjing Jiangsu 210009, China;
 School of Automation, Southeast University, Nanjing Jiangsu 210096, China)

**Abstract:** A model of formation is developed by considering the relative position and the orientation between two robots. On the basis of the traditional leader-following schema, the idea of switching control is introduced into the formation control for multiple mobile robots. There are three controllers between the leading robot and the following robots. Two motion sub-controllers, which control the relative position and the orientation between the leading robot and the following robots, are designed corresponding to two reference points on the axis of the following robot chassis. The switching condition of the two sub-controllers is based on the sign of the linear speed of the following robot when the system reaches the state of equilibrium. Therefore, the queue constituted by multiple mobile robots can converge to the desired formation. The results of simulation show that the queue constituted by multiple mobile robots performs the desirable uniform movements, and the formation of the queue is performed smoothly in the course of movement.

Key words: formation motion control; multiple mobile robots; switching control; position and orientation

#### 1 引言(Introduction)

队形协调控制问题是多机器人系统中具有代表 性的基本问题之一. 多移动机器人队形的实现可 以使得多机器人系统更加有效地完成任务,已被应 用于军事侦察<sup>[1]</sup>、空间飞行器控制<sup>[2,3]</sup>、合作搬运物 体<sup>[4]</sup>等领域,因此控制队列整齐协调地运动已成为 研究热点之一<sup>[5,6]</sup>.常用的运动控制方法有两类:一 类是虚拟结构法<sup>[7,8]</sup>,主要思想是将机器人队形看成 一个刚体的虚拟结构,每个机器人是这个虚拟结构 上相对位置固定的一点,机器人跟踪刚体对应固定 点的运动即可. 该方法的优点是简化了任务的描述 和分配,容易指定机器人群体的行为;缺点是需要增 加定位系统,属于一种集中控制方法,可靠性较差. 另一类是基于行为的控制方法<sup>[1,9~13]</sup>,将机器人群 体行为分解为若干便于实现的子行为以完成复杂 任务.文献[1]将队列整体运动行为分解为向目标运 动、避让静态障碍物、避让其它机器人和保持队形 等子行为.机器人个体在运动过程中采取区域控制 方式.这种方法简单方便,适合实物机器人的控制和 演示,但不利于数学分析,很难应用于高质量队形运 动的场合.文献[9~13]采用了leader-following方式控 制队形,将机器人群体分解为若干对领路机器人和 跟随机器人,向目标点运动子行为由领路机器人负 责,保持队形子行为由跟随机器人负责.通过控制两 者之间的相对距离和相对角度,使整个队列收敛到 期望队形.这种方法建立了运动学模型,根据输入

收稿日期: 2008-11-30; 收修改稿日期: 2009-10-23.

基金项目:国家自然科学基金资助项目(60574006, 60974009);江苏省高技术重点实验室资助项目(BM2007201).

输出反馈线性化得到指数稳定的控制器,便于理论 分析,队形的控制精度也较高.但建立在极坐标中运 动学模型存在固有的奇异点问题,会严重影响系统 的性能.文献[13]在文献[9~11]的基础上,提出在笛 卡儿坐标系中建立运动学模型,从而成功避免了模 型中存在的奇异点问题.以上文献大多以领路机器 人和跟随机器人之间的距离和方位角为参数描述队 形.这种队形描述方式不够严格,跟随机器人可以正 向或反向跟随领路机器人,从而整个队列的运动显 得不够整齐.领路机器人前进或后退,可能使系统状 态由稳定平衡点转化为不稳定平衡点,在外界干扰 作用下,跟随机器人的方向会发生剧烈变化,从而影 响整个队列的运动平稳性.

针对以上问题,本文从相对位姿的角度定义了队列的队形模型,使队列的运动情况更加清晰.改变了以往跟随机器人的固定参考点方式,采用了双参考点切换控制方式,即跟随机器人在不同情况下,选择机器人底盘上不同点(中轴线上的前后两点)作为自身的参考点.基于leader-following方式引入切换控制思想,对应跟随机器人的两个参考点,分别设计两个运动子控制器,控制领路机器人与跟随机器人之间的相对位姿.切换控制器根据系统处于平衡状态时,跟随机器人线速度的符号切换运动控制器,保证队列收敛到目标队形,使队列运动更加平稳.

## 问题描述与定义(Problem formulation and definition)

多个相互(直接或间接)协调合作的机器人所组成的整体称为机器人队列;机器人选择参照系以确定自身位姿的方式称为队列的组织方式;机器人队列根据组织方式所构成的排列结果称为机器人队形.

以往文献大多根据领路机器人和跟随机器人 之间的相对位置<sup>[9~13]</sup>构建目标队形,如图1所示,队 列a, b, c被视为同一种队形.其实队列b的队形是暂 时的,下一个时刻队形必然发生变化,将队列a, b视 为同一种队形仅考虑了队形的静态几何特征,忽略 了队形的动态特点.队列c中 $R_i$ 和 $R_j$ 运动方向角相 反, $R_j$ 采取后退方式跟随 $R_i$ (即 $v_j = -v_i$ ).对于有 前后之分的机器人而言,这种队形不符合仪仗队排 列的习惯,队列的运动情况显得不够整齐.

鉴于以往队形模型存在的缺点,本文根据机器人间的相对位姿建立队形模型.如图1所示,给定的机器人队列 $R_1, R_2, \dots, R_n$ ,记 $l_{ij}$ 为 $R_i$ 与 $R_j$ 之间的相对距离; $\alpha_{ij}$ 为 $R_i$ 位姿的方向与两机器人连线之间的夹角,它描述了两机器人之间的相对位置方向; $\theta_i$ 是 $R_i$ 位姿的方向角; $C_{ij} = (\theta_j - \theta_i) \in$ 

 $[-2\pi, 2\pi)$ 是 $R_j$ 与 $R_i$ 位姿的方向角之差. 以上角度 均以逆时针方向为正的原则加以确定, 其中 $i, j \in \{1, \dots, n\}, i \neq j.$ 



Fig. 1 Formation of robot queue

**定义1** 给定的机器人队列 $R_1, R_2, \dots, R_n$ ,称 $F_B(t) = \{l_{ij}(t), \alpha_{ij}(t), C_{ij}(t) | ij \in B\}$ 为机器人队列t时刻的队形模型,其中B为队列的组织方式.

**注 1** *B*为下标集,例如 $B = \{ij, jk, \dots\}, ij$ 表示 $R_j$ 以 $R_i$ 为参照点.并称 $R_i$ 为 $R_j$ 的领路机器人; $R_j$ 为 $R_i$ 的跟随 机器人.队列的组织方式不是本文研究的重点,不再赘述.

定义1将机器人之间的相对参数*l<sub>ij</sub>*, *α<sub>ij</sub>*, *C<sub>ij</sub>*(机器人之间的相对距离、相对位置夹角、相对运动方向)作为队形模型的基本要素. 既考虑了队形的静态几何特征, 又兼顾了队形的动态特点, 细致地区分了队列*a*, *b*, *c*, 符合人们的常识, 避免队形模型不明确所带来的混乱, 为进一步设计和评价队列的控制方法奠定了基础.

本文研究的机器人个体各项参数完全一致, 都属 于两轮差速机器人. 如图2所示, 两驱动轮轴线的中 心点为*M*, 后轮起支撑平衡作用, 机器人中轴线与前 端后端的交点为*N*, *P*,  $|MN| = d_1$ ,  $|MP| = d_2$ . 字 符上标用来区分不同机器人的*M*, *N*, *P*点, 如*M*<sup>j</sup>表 示第*j*个机器人的*M*点. 机器人驱动系统提供其运 动所需要的线速度与角速度, 因此设计时其控制 变量通常选为 $u = [v, \omega]^T$ , 受机器人本身的驱动系 统、转动惯量、与地面的摩擦力等因素的影响, *u*的 取值是受到限制的. 为方便与文献[13]的方法比 较, 本文同样假设控制量的取值范围为矩形区域, 即 $|v| \leq v_M$ ,  $|\omega| \leq \omega_M$ , 其中 $v_M$ ,  $\omega_M > 0$  由机器人的 特性参数决定.

本文所研究的问题并不包括机器人队列的组织 方式、避障等经典问题,只是针对编队运动的队形 保持环节,以定义1所描述的队形模型为基础,在队 列的组织方式不变的前提下,设计合适的控制器,使 当前队形趋近目标队形,即 $F_{\rm B} \rightarrow F_{\rm R}^*$ .



1032



### 3 队形控制方法设计(Design of formation control)

### **3.1 leader-following**控制方式(Leader-following control schema)

XOY是平面全局坐标系,  $R_i$ 在平面中的 位置由 $M_i(x_i, y_i)$ 点确定,位姿方向角 $\theta_i$ 是水 平轴到 $\overline{M_iN_i}$ 的夹角,  $R_i$ 的位姿记为 $[x_i, y_i, \theta_i]^{\mathrm{T}}$ .  $X^i O^i Y^i$ 是建立在 $R_i$ 上的局部坐标系,它以 $M_i$ 点为 坐标原点, $\overline{M_iN_i}$ 为 $X_i$ 轴的正方向. $M_i$ 点与 $N_j$ ,  $P_j$ 点 之间的距离分别记为 $l_{\mathrm{N}}$ ,  $l_{\mathrm{P}}$ ,  $l_{\mathrm{N}}$ ,  $l_{\mathrm{P}}$ 在 $X_i$ ,  $Y_i$ 轴上的投 影记为 $l_{\mathrm{NX}}$ ,  $l_{\mathrm{NY}}$ ,  $l_{\mathrm{PX}}$ ,  $l_{\mathrm{PY}}$ .

假设领路机器人的运动情况已由上层规划确 定. 目标队形 $F_{\rm B}^* = \{l_{ij}^*, \alpha_{ij}^*, C_{ij}^*\} + l_{ij}^*, \alpha_{ij}^*$ 是两机器 人*M*点之间的距离和相对位置夹角,通过三角形边 角关系,很容易将转化为领路机器人*M*点和跟随机 器人*N*点之间的距离和相对位置夹角 $l_{\rm N}^*, \alpha_{\rm N}^*$ ,队形参 数的控制目标可转化为: $l_{\rm N} \to l_{\rm N}^*, \alpha_{\rm N} \to \alpha_{\rm N}^*, C_{ij} \to$  $C_{ij}^*$ .为避免极坐标系中奇异点的不利影响,在笛卡 尔坐标系中建立运动学方程,控制目标进一步转化 为 $l_{\rm NX} \to l_{\rm NX}^*, l_{\rm NY} \to l_{\rm NY}^*, C_{ij} \to C_{ij}^*, 下列式子具体$ 推导过程参见文献[13]:

$$\begin{cases} l_{\rm NX} = -(x_i - x_j - d_1 \cos \theta_j) \cos \theta_i - \\ (y_i - y_j - d_1 \sin \theta_j) \sin \theta_i, \\ l_{\rm NY} = (x_i - x_j - d_1 \cos \theta_j) \sin \theta_i - \\ (y_i - y_j - d_1 \sin \theta_j) \cos \theta_i. \end{cases}$$
(1)

定义误差变量:

$$\begin{split} e_{\mathrm{NX}} &= l_{\mathrm{NX}}^* - l_{\mathrm{NX}}, \\ e_{\mathrm{NY}} &= l_{\mathrm{NY}}^* - l_{\mathrm{NY}}, \\ e_{\theta} &= C_{ij}^* - C_{ij}, \end{split}$$

(I) 
$$\begin{cases} \dot{e}_{\mathrm{NX}} = \omega_i e_{\mathrm{NY}} - v_j \cos C_{ij} + \omega_j d_1 \sin C_{ij} - \omega_i l_{\mathrm{NY}}^* + v_i, \\ \dot{e}_{\mathrm{NY}} = -\omega_i e_{\mathrm{NX}} - v_j \sin C_{ij} - \omega_j d_1 \cos C_{ij} + \omega_i l_{\mathrm{NY}}^*, \end{cases}$$
(2)

$$\mathbf{(} e_{\theta} = \omega_i - \omega_j$$

设计控制器使e<sub>NX</sub>, e<sub>NY</sub>指数收敛, 即

$$\dot{e}_{\rm NX} = -k_1 e_{\rm NX},$$
$$\dot{e}_{\rm NY} = -k_2 e_{\rm NY},$$

其中
$$k_1, k_2 > 0$$
,可推得:

$$v_{j} = (k_{1}e_{\rm NX} + \omega_{i}e_{\rm NY} - \omega_{i}l_{\rm NY}^{*} + v_{i})\cos C_{ij} - (-k_{2}e_{\rm NY} + \omega_{i}e_{\rm NX} - \omega_{i}l_{\rm NX}^{*})\sin C_{ij}.$$
 (3)  
$$\omega_{j} = [(-k_{1}e_{\rm NX} - \omega_{i}e_{\rm NY} + \omega_{i}l_{\rm NY}^{*} - v_{i})\sin C_{ij} - (-k_{2}e_{\rm NY} + \omega_{i}e_{\rm NX} - \omega_{i}l_{\rm NX}^{*})\cos C_{ij}]/d_{1}.$$
 (4)

#### 3.2 运动稳定性分析(Stability analysis of motion)

本节讨论固定参考点方式下(领路机器人的参考 点为*M*,跟随机器人的参考点始终为*N*),系统(I)处 于平衡状态(队列稳定运动)时,跟随机器人的运动 特点.将式(3)(4)代入式(2),系统(I)简化为

$$\dot{\boldsymbol{e}} = \begin{bmatrix} -k_1 e_{\mathrm{NX}} & -k_2 e_{\mathrm{NY}} & f \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

其中:  $\boldsymbol{e} = [e_{\text{NX}} e_{\text{NY}} e_{\theta}]^{\text{T}}, f = \omega_i - \omega_j$ . 将系统(I)局 部线性化得

$$\dot{\boldsymbol{e}} = A\boldsymbol{e}, A = \begin{bmatrix} -k_1 & 0 & 0\\ 0 & -k_2 & 0\\ * & * & \frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} \end{bmatrix}_{\boldsymbol{e}=\boldsymbol{e}}$$

其中 $e_0$ 是系统的平衡点 $[0 \ 0 \ 0]^{T}$ 或 $[0 \ 0 \ \pi]^{T}$ .下面 将根据领路机器人的运动状态,分直线和曲线两种 运动情况加以讨论.

1) 直线运动.  $\omega_i = 0. \left. \frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} \right|_{e=e_0} = -v_i \cos(C_{ij}^* - e_{\theta})/d_1$ , 一般情况下 $C_{ij}^* = 0$ , 领路机器人前进 时 $v_i > 0$ , 显然 $e_{\theta} = 0$ 时 $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} < 0$ , 说明 $[0 \ 0 \ 0]^{\mathrm{T}}$ 为稳定平衡点; 反之 $e_{\theta} = \pi$ 时 $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} > 0$ , 说明 $[0 \ 0 \ \pi]^{\mathrm{T}}$ 为不稳定平衡点. 队形参数收敛到期望队形, 要求系统状态收敛到 $[0 \ 0 \ 0]^{\mathrm{T}}$ . 队列稳定运动时, 跟随机器人的线速度记为 $\tilde{v}_j$ , 因为 $\tilde{v}_j = v_i \cos C_{ij}^*$ , 所以 $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} \right|_{e=[0 \ 0 \ 0]^{\mathrm{T}}} = -\tilde{v}_j/d_1$ , 说明 $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}}$ 的符号由 $\tilde{v}_j$ 的符号决定.

2) 曲线运动.  $\omega_i \neq 0$ . 假设 $\Delta t \rightarrow 0$ 时段内时段内,  $v, \omega$ 恒定不变, 此时机器人按同心圆运动,

有

第27卷

 $\begin{aligned} v_i &= \omega_i r_i, |r_i| \\ & \in \mathbb{B} \\ |M_i M_j| \\ & \in X_i, \\ Y_i \\ & \pm \mathbb{D} \\ & \mathcal{H}_i \\ & \mathcal{H}_j | \\ & = d_1, |M_i N_j| \\ & = l_N. \\ & \left. \frac{\partial f}{\partial e_\theta} \right|_{e=e_0} \\ & = \frac{1}{d_1} [(\omega_i l_{NY}^* - v_i) \cos C_{ij} - \omega_i l_{NX}^* \sin C_{ij}]. \end{aligned}$ 

将

$$l_{\rm MX}^* = l_{\rm NX}^* - d_1 \cos C_{ij}^*, l_{\rm MY}^* = l_{\rm NY}^* - d_1 \sin C_{ij}^*$$

$$\begin{aligned} \left\| \nabla A \overline{X}(5), \stackrel{\text{de}}{\to} \right\|_{e=[0 \ 0 \ 0]^{\text{T}}} &= \\ \frac{\partial f}{\partial e_{\theta}} \bigg|_{e=[0 \ 0 \ 0]^{\text{T}}} &= \\ \frac{1}{d_{1}} \left[ -v_{i} \cos C_{ij}^{*} + \omega_{i} (l_{\text{MY}}^{*} \cos C_{ij}^{*} - l_{\text{MX}}^{*} \sin C_{ij}^{*}] = \\ \frac{\omega_{i}}{d_{1}} (-r_{i} \cos C_{ij}^{*} + |AM_{j}|) &= -\frac{\omega_{i}}{d_{1}} r_{j}. \end{aligned}$$

$$(6)$$

队列稳定运动时,  $\omega_i = \omega_j$ , 因此 $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}}\Big|_{e=[0 \ 0 \ 0]^{\mathrm{T}}}$ 的符 号由 $\tilde{v}_j$ 的符号决定. 当 $e_{\theta} = \pi$ 时,  $\frac{\partial f}{\partial e_{\theta}}\Big|_{e=[0 \ 0 \ \pi]^{\mathrm{T}}} = \frac{\omega_i}{d_1}r_j$ , 与 $e_{\theta} = 0$ 时的情况正好相反.





由此可见,如果目标状态e = [0 0 0]<sup>T</sup>恰巧对应 于不稳定平衡点,目标队形可能无法达到.随着队列 运动变化,目标状态可能对应不稳定平衡点或稳定 平衡点,并反复转换,使得队形参数发生波动.

#### **3.3** 切换控制器设计(Design of switching controller)

为避免固定参考点方式存在的缺点,在不同时刻 以跟随机器人中轴线上N或P点为参考点,分别设 计运动子控制器,即双参考点控制方式.系统处于平 衡状态时,跟随机器人的线速度记为*v*<sub>j</sub>.根据(3)可得

$$\tilde{v}_j = v_i \cos C_{ij}^* + \omega_i l_{ij}^* \sin(C_{ij}^* - \alpha_{ij}^*).$$
 (7)

当 $\tilde{v}_j > 0$ 时,  $R_j$  以 $N_j$ 点为参考点并设计子控制器I,  $u_{j1} = [v_{j1} \ \omega_{j1}]^{\mathrm{T}}$ , 其中:

$$\begin{aligned} v_{j1} &= (k_1 e_{\text{NX}} + \omega_i e_{\text{NY}} - \omega_i l_{\text{NY}}^* + v_i) \cos C_{ij} - \\ &\quad (-k_2 e_{\text{NY}} + \omega_i e_{\text{NX}} - \omega_i l_{\text{NX}}^*) \sin C_{ij}, \\ \omega_{j1} &= [(-k_1 e_{\text{NX}} - \omega_i e_{\text{NY}} + \omega_i l_{\text{NY}}^* - v_i) \sin C_{ij} - \\ &\quad (-k_2 e_{\text{NY}} + \omega_i e_{\text{NX}} - \omega_i l_{\text{NX}}^*) \cos C_{ij}]/d_1. \end{aligned}$$

当 $\tilde{v}_j < 0$ 时,  $R_j$  以 $P_j$ 点为参考点并设计子控制器II,  $u_{j2} = [v_{j2} \ \omega_{j2}]^{\mathrm{T}}$ , 其中:

$$\begin{aligned} v_{j2} &= (k_1 e_{\mathrm{PX}} + \omega_i e_{\mathrm{PY}} - \omega_i l_{\mathrm{PY}}^* + v_i) \cos C_{ij} - \\ &\quad (-k_2 e_{\mathrm{PY}} + \omega_i e_{\mathrm{PX}} - \omega_i l_{\mathrm{PX}}^*) \sin C_{ij}, \\ \omega_{j2} &= [(k_1 e_{\mathrm{PX}} + \omega_i e_{\mathrm{PY}} - \omega_i l_{\mathrm{PY}}^* + v_i) \sin C_{ij} + \\ &\quad (-k_2 e_{\mathrm{PY}} + \omega_i e_{\mathrm{PX}} - \omega_i l_{\mathrm{PX}}^*) \cos C_{ij}]/d_2. \end{aligned}$$

其中 $k_1, k_2 > 0.$  当 $\tilde{v}_j < 0$ 时, 必然有 $v_i = 0, \omega_i = 0$ , 队列处于静止状态, 不属于本文运动控制考虑的范畴. 最后, 为防止系统状态驻留在不稳定平衡点 $\hat{e}$ 上, 可额外施加一控制量(相当于干扰), 促使系统状态偏离不稳定平衡点. 综上所述, 切换控制器有如下形式:

$$u_j = \begin{cases} u_{j1} + \Delta u, \tilde{v}_j > 0, \\ u_{j2} + \Delta u, \tilde{v}_j < 0. \end{cases}$$
(8)

其中:

$$\Delta u = \begin{cases} [v_{\rm M} \ \omega_{\rm M}]^{\rm T}, \boldsymbol{e} = \hat{\boldsymbol{e}}, \\ 0, \qquad \ddagger \boldsymbol{\mathfrak{H}}. \end{cases}$$

#### 4 仿真研究(Simulation)

仿真实验的机器人队列中包含3个机器人. *R*<sub>1</sub>为 领路机器人, *R*<sub>2</sub>, *R*<sub>3</sub>为跟随机器人. 参数设置如下:

$$v_{\rm M} = 1 \text{ m/s}, \omega_{\rm M} = 0.5\pi \text{ rad/s},$$
  
 $d_1 = 0.1, d_2 = 0.2, k_1 = k_2 = 1.5\pi$ 

 $R_1, R_2, R_3$ 的初始位姿分别是 $[0 \ 0 \ \pi/2]^{\mathrm{T}}, [-0.4 - 0.5 \ 5\pi/6]^{\mathrm{T}}, [1 - 0.2 \ 7\pi/4]^{\mathrm{T}}.$ 采用固定参考点 (FRP)方式和双参考点(DRP)方式分别控制队列, 以 $R_1, R_2$ 之间的队形参数为例,比较两种控制方 法的不同之处.

**实验 1** 目标队形  

$$F_{\rm B}^* = \{(l_{12}^*, \alpha_{12}^*, C_{12}^*), (l_{13}^*, \alpha_{13}^*, C_{13}^*)\} = \{(1, 2.5, 0), (1, -2.5, 0)\}.$$

 $R_1$ 以 $v_1 = -0.5$  m/s,  $\omega_1 = 0$  rad/s的速度带领 队列直线后退,采用固定参考点方式,队列的运 动轨迹如图4(a)所示.  $R_1, R_2$ 之间的队形参数收敛 为(0.85, 2.36,  $-\pi$ ),未能收敛到目标队形. 在同样的 条件下,采用双参考点方式,容易验证 $\tilde{v}_j < 0$ ,跟随 机器人以P点为参考点,队列的运动轨迹如图4(b)所 示.  $R_1, R_2$ 间的队形参数收敛为(1.00, 2.50, 0.00), 收敛到目标队形. 跟随机器人运动中调整方向与领 路机器人一致,队列运动的效果更整齐.







(b) 队列运动轨迹(DRP)







**实验2** 将曲线运动与直线运动结合起来,分为两个阶段,前阶段目标队形

$$F_{\rm B}^* = \{ (l_{12}^*, \alpha_{12}^*, C_{12}^*), (l_{13}^*, \alpha_{13}^*, C_{13}^*) \} = \{ (1, 2.89, 0.51), (0.79, -2.23, 0.51) \}$$

 $R_1$ 以 $v_1 = -0.6$  m/s,  $\omega_1 = 0.4$  rad/s, 带领队列运 动10 s; 后阶段目标队形

$$F_{\rm B}^* = \{ (l_{12}^*, \alpha_{12}^*, C_{12}^*), (l_{13}^*, \alpha_{13}^*, C_{13}^*) \} = \{ (1, 2.64, 0), (0.79, -2.48, 0) \},\$$

 $R_1$ 以 $v_1 = 0.6$  m/s,  $\omega_1 = 0$  rad/s运动6 s, 为便于分析, 不考虑加速度的影响.

固定参考点方式下队列的运动轨迹如图5(a)所示.前阶段 $R_1, R_2$ 之间的队形参数逐渐收敛为(0.85, 2.74, -2.74),未能收敛到目标队形;后阶段队形稳定时,系统正好处于稳定平衡点, $R_1, R_2$ 之间的队形参数收敛为(1.00, 2.64, 0.00),与目标队形一致. 在同样的条件下,采用双参考点方式,前阶段由于 $\tilde{v}_i < 0$ ,以P点为参考点,控制器II工作;后阶段 $\tilde{v}_i$  化较剧烈.

< 0, 以N点为参考点, 同时切换到控制器I, 队列运 动轨迹如图5(b)所示. 两阶段R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub>之间的队形参数 分别收敛为(1.00, 2.89, 0.51), (1.00, 2.64, 0.00), 与 各阶段的目标队形相符. 仿真结果说明双参照点方 式存在明显优势, 特别在10~13 s之间, 由于切换了 参考点, l<sub>12</sub>基本无变化, 而固定参照点方式下l<sub>12</sub>变



(a) 队列运动轨迹(FRP)



(b) 队列运动轨迹(DRP)





formation parameters

#### 5 结论(Conclusion)

以往队形描述相对简单,跟随机器人采用固定 参照点的控制方式,导致队形参数变化较大,运动 效果稍显杂乱.本文从相对位姿的角度定义了多移 动机器人的队形模型,在此基础上,跟随机器人在 不同时刻选择中轴线上的前后两点作为参考点,对 应设计运动子控制器.根据目标队形计算跟随机 器人的线速度,根据该速度的符号切换运动子控制 器,保证队列收敛到目标队形.本质上这是一种基 于leader-following方式的切换控制方法,该方法很容 易推广到多个领路机器人的情况.最后,为了使机器 人队列表现出更好的整体性,不仅需要研究队形的 控制方法,合理调整领路机器人的线速度和角速度 也是保持队形的重要环节,需要进一步探讨.

#### 参考文献(References):

 BALCH T, ARKIN R C. Behavior-based formation control for multirobot teams[J]. *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, 1998, 14(6): 926 – 939.

- [2] BEARD R W, LAWTON J, HADAEGH F Y. A coordination architecture for spacecraft formation control[J]. *IEEE Transaction on Control Systems Technology*, 2001, 9(6): 777 – 790.
- [3] ACIKMESE B, HADAEGH F Y, SCHARF D P. Formulation and analysis of stability for spacecraft formations[J]. *IET Control Theory* & *Applications*, 2007, 1(2): 461 – 474.
- [4] GROSS R, BONANI M, MONDADA F. Autonomous self-assembly in swarm-bots[J]. *IEEE Transactions on Robotics*, 2006, 22(6): 1115 – 1130.
- [5] CHEN Y Q, WANG Z M. Formation control: a review and a new consideration[C] //Proceedings of International Conference on Intelligent Robots and Systems. Piscataway: IEEE, 2005: 3181 – 3186.
- [6] 任德华, 卢桂章. 对队形控制的思考[J]. 控制与决策, 2005, 20(6):
   601 606.
   (REN Dehua, LU Guizhang. Thinking in formation control[J]. Con-

trol and Decision, 2005, 20(6): 601 – 606.)

- [7] LEWIS M A, TAN K H. High precision formation control of mobile robots using virtual structure[J]. *Autonomous Robots*, 1997, 4(4): 387 - 403.
- [8] XIN M, BALAKRISHNAN S N, PERNICKA H J. Multiple spacecraft formation control with θ-D method[J]. *IET Control Theory & Applications*, 2007, 1(2): 485 – 493.
- [9] DESAI J P, OSTROWSKI J P, KUMAR V. Controlling formations of multiple mobile robots[C] //Proceedings of the 1998 IEEE International Conference on Robotics & Automation. Leuven, Belgium: IEEE, 1998: 2864 – 2869.

- [10] DESAI J P, OSTROWSKI J P, KUMAR V. Modeling and control of formations of nonholonomic mobile robots[J]. *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, 2001, 17(6): 905 – 908.
- [11] FIERRO R, DAS A K, KUMAR V. Hybrid control of formation of robots[C] //Proceedings of the 2001 IEEE International Conference on Robotics & Automation. Seoul, Korea: IEEE, 2001: 157 – 162.
- [12] SHAO J, XIE G, WANG L. Leader-following formation control of multiple mobile vehicles[J]. *IET Control Theory & Applications*, 2007, 1(2): 545 – 552.
- [13] LI X H, XIAO J Z, TAN J D. Modeling and controllor design for multiple mobile robots formation control[C] //Proceedings of the 2004 IEEE International Conference on Robotics and Biomimetics. Shenyang, China: IEEE, 2004: 838 – 843.

作者简介:

**沈 捷** (1976—), 男, 博士, 讲师, 研究方向为多机器人规划与 控制、混杂(切换)系统控制与设计, E-mail: shenjienj@163.com;

**费树岷** (1961—), 男, 博士, 教授, 博士生导师, 研究方向为非 线性控制、机器人控制, E-mail: smfei@seu.edu.cn;

**张兴华** (1963—), 男, 博士, 教授, 研究方向为高性能交流电机 控制、非线性解耦控制, E-mail: zxhnjut@163.com;

林锦国 (1957—), 男, 教授, 研究方向为机器人视觉与智能检

测、系统演化理论与应用, E-mail: zdhljg@163.com.