# 考虑分配次序的无人机协同目标分配建模与遗传算法求解

陈志旺<sup>1,2</sup>,夏 顺<sup>1†</sup>,李建雄<sup>1,2</sup>,王 航<sup>1</sup>,王昌蒙<sup>1</sup>

(1. 燕山大学 工业计算机控制工程河北省重点实验室, 河北 秦皇岛 066004;

2. 燕山大学 国家冷轧板带装备及工艺工程技术研究中心, 河北 秦皇岛 066004)

摘要:本文研究了动态战场环境中的多无人机协同目标分配(MUCTA)问题.首先通过分析无人机(UAV)分配次 序对打击任务总收益的影响,设计了动态战场环境的更新规则.将航程代价和任务代价作为惩罚项修正目标函数, 建立了考虑分配次序的UAVs协同目标分配优化模型.然后针对模型的物理意义改进了遗传算法基因编码方式,设 计了MUCTA遗传算法.该算法利用状态转移思想,引进SDR算子获得多种分配次序种群,同时以单行变异算子修 正UAV与目标对应关系,并采用最优个体法和轮盘赌法筛选子代个体.最后仿真结果验证了所设计算法的有效性. 关键词:无人机;遗传算法;目标分配;分配模型

**引用格式**:陈志旺,夏顺,李建雄,等.考虑分配次序的无人机协同目标分配建模与遗传算法求解.控制理论与应用,2019,36(7):1072-1082

DOI: 10.7641/CTA.2018.80176

## Modeling of unmanned aerial vehicles cooperative target assignment with allocation order and its solving of genetic algorithm

CHEN Zhi-wang<sup>1,2</sup>, XIA Shun<sup>1†</sup>, LI Jian-xiong<sup>1,2</sup>, WANG Hang<sup>1</sup>, WANG Chang-meng<sup>1</sup>

Key Lab of Industrial Computer Control Engineering of Hebei Province, Yanshan University, Qinhuangdao Hebei 066004, China;
 National Engineering Research Center for Equipment and Technology of Cold Strip Rolling,

Yanshan University, Qinhuangdao Hebei 066004, China)

Abstract: This article is concerned with the Multi-UAVs cooperative target assignment (MUCTA) of dynamic battlefield environment. Firstly, By means of the influence of unmanned aerial vehicle (UAV) allocation order on total revenue of strike task, the updating rules of dynamic battlefield environment are designed. The cost of flight path length and task is used as penalty term in objective function, and the optimization model of UAVs cooperative target assignment with allocation order is established. Secondly, the coding method of genetic algorithm is improved based on the physical significance of the optimization model, and the MUCTA genetic algorithm is proposed. According to state transition, SDR operator is used to obtain different population of various allocation order, single mutation operator is used to adjust the correspondence relation between UAVs and targets, the methods of optimal individual selection and roulette are used to screen offspring individuals. Finally, simulation results verify the effectiveness of the algorithm.

Key words: unmanned aerial vehicles; genetic algorithms; target assignment; assignment model

**Citation:** CHEN Zhiwang, XIA Shun, LI Jianxiong, et al. Modeling of unmanned aerial vehicles cooperative target assignment with allocation order and its solving of genetic algorithm. *Control Theory & Applications*, 2019, 36(7): 1072 – 1082

## 1 引言

面对日趋复杂的战场环境和日益多样的作战任务, 单架无人机有限的飞行能力和载弹负荷使其所发挥 的功能极为有限,相比于单机作战,多无人机协同作 战因其灵活度大、执行任务时间短、任务完成效率和 成功率更高,因此成为现代战场上提高我方作战能力的关键技术之一<sup>[1-2]</sup>.多无人机协同目标分配是指基于一定的环境知识和任务要求,为编队中的无人机分配一组有序任务,以达到整体作战收益最大或作战代价最小的目的<sup>[3]</sup>.制定分配方案时,不但要处理无人

本文责任编委:胡跃明.

收稿日期: 2018-03-15; 录用日期: 2018-08-18.

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup>通信作者. E-mail: xiashun9388@163.com; Tel.: +86 15369748330.

国家自然科学基金项目(61573305)资助.

Supported by the National Natural Science Foundation of China (61573305).

机的本体约束,还要兼顾任务间相互协同的约束.且 战场态势瞬息万变,态势的改变可能降低原方案分配 效能甚至导致完全失效,因此对多无人机协同目标分 配方案提出了较高的要求.多无人机协同目标分配问 题是一类典型的整数规划问题,也是最优化NP问 题<sup>[4]</sup>.具体来看,该问题等同于运筹学中的指派问题. 对于此类问题,研究难点主要包括建模和求解方面.

在建模方面,既要考虑到无人机的数量、是否异构、攻击能力、目标数量和权重等因素;也要考虑任务约束、执行任务代价、飞行环境等问题.因此,考虑问题是否全面是衡量多无人机协同目标分配模型好坏的标准之一.文献[5]以异构无人机执行SEAD(suppression of enemy air defences)任务为背景,将无人机本体等效为Dubins Car模型,建立了带有路径末端角度约束的任务分配模型.文献[6]针对无人机与目标的数量关系,设计了以航程代价最小为寻优目标的统一分配模型.文献[7]将Dubins旅行商模型(dubins traveling salesman problem, DTSP)引入协同目标分配问题,并根据目标几何特征和传感器视野特征,将目标划分为点目标、直线目标和区域目标,建立了扩展Dubins旅行商模型.

在协同目标分配问题的求解方面,常采用集中式 或分布式目标分配系统,集中式系统<sup>[8]</sup>能集中控制, 但是扩展性不足,计算量大.为使UAV具有更好的可 靠性和单点决策能力,现常采用分布式求解算法[9-10], 但对通信要求较高. 文献[11]设计了基于相邻局部通 信的分布式拍卖算法,实现了协同任务分配问题的优 化求解. 文献[12]利用马尔科夫决策过程为多架无人 机分配监测目标. 文献[13]提出了一种分布式并行 P学习算法也获得了较好的效果.近年来,针对多无人 机协同目标分配的其他求解算法也逐渐增多,如文 献[14]所述层次分析法,通过评估空战威胁指数为无 人机分配攻击目标. 文献[15]基于环境辨识记忆策略, 通过改进分布估计算法实现目标分配. 文献[16]提出 了一种基于一致性协调算法的在线协同策略,建立了 一种冲突调解规则和分布式任务分配求解算法. 文 献[6,17] 以三维航程代价为优化对象,利用差分进化 算法分配目标.遗传算法作为最成功的智能算法之一, 易于使用、扩展性好、适用性强,因此,文献[18-19]将 遗传算法应用于协同目标分配,对遗传算法进行不同 程度、不同形式的扩展,均取得了良好的分配效果.

根据以上研究现状分析可知,现有的多机协同目标分配问题考虑任务空间较为理想,模型覆盖问题因素不全面.具体来说存在以下问题:1)真实战场环境是复杂且动态的,多数目标分配模型为静态模型,对真实场景适用性不强.对敌方目标建模过于简单,对敌方防空阵地和目标结构差异及能力发挥考虑欠缺.2)对无人机火力配置等异构特性考虑不足,导致模型

难以应对多架异构无人机共同执行任务的大规模作 战场景.3)较少考虑UAV执行任务时的航程代价,或 对航程距离估算不够准确.4)模型约束条件有限,对 复杂的任务协同约束关系处理能力不足.

针对以上问题,本文面向真实战场环境,首先充分 考虑我方无人机火力配置差异,基于对敌方目标的真 实考虑,将敌方基地各目标视为相互联系、相互依赖 的整体.同时通过对约束关系进行合理处理,建立了 考虑分配次序的多无人机协同目标分配模型.最后, 设计了多无人机协同目标分配遗传算法(multi-UAVs cooperative target assignment, MUCTAGA),完成对多 无人机协同目标分配问题的求解.

## 2 MUCTA问题建模

## 2.1 考虑分配次序的优化目标建模

在实际应用中,多无人机任务分配往往是多种类型目标分配的综合求解.多机协同目标分配问题求解策略如图1所示,实线箭头表示分配过程,虚线箭头表示更新过程.我方指挥所根据我方无人机数n将一次战术分配过程分为n个轮次,每一轮次根据战场环境分配出一架无人机攻击相应目标,评估该次分配结果后更新战场环境,依据更新的战场环境进行下一轮任务分配,如此循环直到所有无人机被全部分配.



#### 图 1 考虑分配次序的目标分配



#### 在一次战术分配中, 需要着重考虑以下3点:

 对于敌方目标,存在着相互依赖关系和主次次 序的敌方目标称之为联合目标,联合目标的生存概率 和权重构成战场环境.而每一轮攻击结果都将变更环 境情况,因此两轮任务分配之间具有相关性.例如,实 际战场中雷达和指挥所失去功能会对地空导弹阵地 和导弹发射架等其他目标产生影响.即某个目标被摧 毁后可能引发其他一个或多个目标丧失功能,继而引 发其他目标权重变化,最终影响整体战场环境.故分 配次序是否合理,较大程度影响着战术分配的优劣.

2) 对于我方来说,我方无人机火力配置存在差异,本文将该差异考虑为无人机携弹类型和攻击命中率.同时由于攻击对象为联合目标,攻击一个目标所得收益可能来源于多个目标.如何为我方无人机分配最适

合的攻击目标,以期能够获得最大程度收益,同样是 制定战术分配中需要考虑的核心问题.

3) 实际战场复杂多样, 我方无人机将面临多种限 制因素. 首先在保证飞行安全的前提下, 如何规划有 效可飞航迹, 是需要解决的首要问题. 其次各机航程 大小不一, 所付出航程代价(如消耗燃料)应当分别考 虑. 最后, 无人机可能面临一系列任务要求, 违背任务 要求则需付出任务代价. 考虑上述因素, 更符合真实 战场环境, 也增加了一次战术分配的合理性和全面性.

以上3种问题不以某个问题单独存在,而是共存于整体分配过程中的,将其分别归纳为分配次序问题、攻击对应关系问题和实际约束问题.为有效解决考虑分配次序的多无人机联合目标分配问题,分别定义关系依赖矩阵、目标权重矩阵以及次序权重矩阵.

**定义1** 若目标联合体由*m*个目标组成,则关系 依赖矩阵为*A<sub>mm</sub>*,其中*a<sub>ij</sub>*表示第*i*个目标失去功能后 第*j*个目标也失去功能的概率.

**定义 2** *m*个目标组成的目标联合体的权重矩 阵为 $G^u = [g_1^u \ g_2^u \ \cdots \ g_m^u]$ ,其中 $g_i^u$ 表示第u轮分配 时第i个目标的权重值.

**定义3** m个目标组成的次序权重矩阵为 $B = [b_1 \ b_2 \ \cdots \ b_m]$ ,其中 $b_i$ 表示第i次分配所占的权重值.

假设我方指挥所布置n架无人机,执行攻击m个散 布在不同位置的目标.不同携弹类型无人机的命中率 以及不同导弹对于不同目标的攻击效果存在差异,建 立一种无人机对目标毁伤概率的模型如下<sup>[15]</sup>:

$$p_{ij}^{\text{des}} = \frac{p_{ij}^{\text{hit}} \cdot (1 - p^{\text{air}}) \cdot (1 - p^{\text{gun}})}{O_{ij}}$$

式中:  $p_{ij}^{\text{des}}$ ,  $p_{ij}^{\text{hit}}$ 分别表示第i枚导弹对第j个目标的摧 毁概率和命中概率;  $p^{\text{air}}$ 表示拦截机对导弹的拦截概 率;  $p^{\text{gun}}$ 表示高炮对导弹的拦截概率;  $O_{ij}$ 表示第i个导 弹类型摧毁目标j所需的导弹数量.

设 $X_i = [x_{i1} \ x_{i2} \ \cdots \ x_{ij} \ \cdots \ x_{im}]^T$ 为定义无人 机i的任务分配向量,其中:

$$x_{ij} = \begin{cases} 1, \ | = | f_{ij} | i_{ij} | i_{ij} | f_{ij} | f_{ij$$

假设无人机收益满足可加性,即作战总收益满足 各无人机收益之和.第u轮分配时从n架无人机与m个 目标中,选择一对最大收益配对方式

$$f_u = \max_{\substack{1 \le i \le n \\ 1 \le j \le m}} f(x_{ij}).$$
(1)

假设第u次分配结果为目标j被分配无人机i,此时 收益值计算方式为

$$\sum_{v=1}^{m} g_{j}^{u} \cdot \left(\frac{p_{ij}^{\text{des}} \cdot p_{j(u-1)}^{\text{live}} \cdot a_{jv}}{1 - P_{j(u-1)}^{\text{die}} \cdot a_{jv}}\right),$$
(2)

其中:  $g_j^u$ 为第u次分配时目标j的权重,  $p_{j(u-1)}^{live}$ 为第u-1次分配后目标j的生存概率;  $p_{j(u-1)}^{die}$ 为第u-1次分配 后目标j的死亡概率, 即 $p_{j(u-1)}^{die} = 1 - p_{j(u-1)}^{live}$ ; v表示 第v个目标( $1 \le v \le m$ ),  $a_{jv}$ 表示目标j失去功能后目 标v也失去功能的概率.

由于目标的联合依赖关系,在计算第u次分配收益 时,若目标j被攻击,则目标v(j≠v)的生存概率也受到 影响,从而影响本轮次分配收益,即攻击收益从所有 存在依赖关系的目标中产生,因此式(2)是一个考虑所 有目标的累加求和过程.在第u次分配完成后,对参数 进行更新,更新对象为所有目标,其中对目标v的更新 规则为<sup>[15]</sup>

$$p_{vu}^{\text{die}} = \begin{cases} p_{v(u-1)}^{\text{die}}, & v \neq j, \\ 1 - p_{v(u-1)}^{\text{live}} \cdot (1 - p_{iv}^{\text{des}}), & v = j, \end{cases}$$
(3)

$$p_{vu}^{\text{live}} = 1 - p_{vu}^{\text{die}},\tag{4}$$

$$g_v^u = g_v^{u-1} \cdot \frac{1 - p_{ju}^{\text{die}} \cdot a_{jv}}{1 - p_{j'(u-1)}^{\text{die}} \cdot a_{j'v}},$$
(5)

式(5)中j'表示第u – 1次分配时被攻击的目标. 需要 说明的是式(3)–(5)中的v要遍历所有目标,包括目标j. 当n架无人机全部分配完成后.此时该次任务获得总 收益为

$$F = \sum_{u=1}^{n} b_u f_u. \tag{6}$$

综上所述,计算一次战术分配的总打击收益是一 个迭代过程,该过程计算步骤如下:

步骤1 令分配轮次u = 1,定义参数初始值:  $p_{j0}^{\text{die}} = 0, p_{j0}^{\text{live}} = 1, j = 1, 2, \cdots, m,$  $G^{0} = \begin{bmatrix} g_{1}^{0} & g_{2}^{0} & \cdots & g_{m}^{0} \end{bmatrix}.$ 

步骤2 根据式(1)计算 $f_u$ .

步骤3 根据式(3)-(5)更新战场环境.

**步骤4** 若*u* = *n*,转步骤5;否则令*u* = *u* + 1转 步骤2.

步骤5 根据式(6)计算总打击收益F.

#### 2.2 约束处理策略

本文考虑主要路径层与任务层2层约束关系,其含 义及处理可描述为

1) 路径层: 无人机本体安全飞行. 本文主要考虑 的约束为敌方目标防空阵地导弹威胁. 敌方雷达的侦 测区域是对UAV飞行的最大威胁, 以雷达所在地点 (*x*<sub>0</sub>, *y*<sub>0</sub>, *z*<sub>0</sub>)为球心,最大侦测距离为*r*<sub>0</sub>半径用来表示 雷达区域<sup>[6]</sup>.

$$Z_{\text{threat}} = \sqrt{r_0^2 - (x - x_0)^2 - (y - y_0)^2} + z_0.$$

为保障无人机飞行安全,无人机规划的航迹要能 最大限度规避威胁区.本文航迹规划采用文献[6]中基

1075

于垂直切面的三维航程代价算法进行规划,该算法在规划安全飞行航迹的同时可以进行航程估算.因此算法满足路径层约束,故下文只需处理任务层约束.

 2)任务层:无人机任务构成.根据第2.1节多无人 机协同目标分配模型,本文主要考虑最大航程约束、 任务窗口约束和到达时刻约束的3种任务层约束关系. 其中无人机燃料可支持飞行最大航程约束式如下:

$$\max_{\substack{1 \leq i \leq n \\ 1 \leq j \leq m}} d_{ij} x_{ij} \leq D_i, \tag{7}$$

式中d<sub>ij</sub>表示无人机i到目标j的估算航程.在运用文献[6]算法进行航程估算时为避免"大数吃小数",需要对航程进行归一化处理:

$$d'_{ij} = \frac{d_{ij} - \min(d_{ij})}{\max(d_{ij}) - \min(d_{ij})}.$$
(8)

任务窗口约束和攻击时刻约束表示为

$$t_u^{\text{rea}} \geqslant t_{u-1}^{\text{rea}},\tag{9}$$

$$\bigcap_{u=1}^{n} \left( \left[ t_{u}^{\text{rea}}, t_{u}^{\text{rea}} + \tau_{u} \right] \right) = \varnothing, \tag{10}$$

其中:式(9)表示某一轮分配的无人机必须早于下一轮 分配无人机到达指定目标点, *t*<sup>rea</sup>为第*u*次分配无人机 到达目标实际时间;式(10)表示无人机执行任务时间 交集为空, *τ*<sub>u</sub> 其中表示第*u*轮分配的无人机执行攻击 任务所需时间.

在处理任务层约束关系时,将式(7)定义为航程代价,式(9)-(10)定义为任务代价,采用惩罚因子将2种代价作为惩罚项修正目标函数.以下叙述为第*u*次分配违背约束时的代价计算方式.

1) 最大航程约束<sup>[6]</sup>: 表示在完成任务过程中各 UAV的最大航程限制. 如果分配的目标不可达, 将对 其进行惩罚. 最大航程约束能够协调不同能力的 UAV共同完成指定的任务.

$$s_{ju}^{\text{dist}} = \begin{cases} 0, & d_{ij} \leq d_i^{\max}, \\ d_{ij} - d_i^{\max}, & d_{ij} > d_i^{\max}, \end{cases}$$
(11)

其中d<sub>i</sub><sup>max</sup>表示无人机i的最大可飞行航程.

2) 任务窗口约束和到达时刻约束. 这两种约束条件是密不可分的. 任务窗口要求在上一轮无人机完成 攻击任务后其他无人机才能开始进行下一轮次攻击, 从而使两轮无人机执行任务时间相互错开, 保证指挥 所顺利评估战场环境并进行下一步攻击分配. 而到达 时刻约束则为上一轮UAV攻击任务结束后, 本轮无人 机到达相应目标开始攻击, 通过调节飞行速度进行飞 行时间控制, 保证各UAV依据攻击次序顺次攻击, 并 消除攻击等待时间带来的负面影响和安全威胁. 在求 解时 为满足上述约束, 对式(9)-(10)中实际到达时 间*t*<sup>rea</sup>进行如下取值:

$$t_{u}^{\text{rea}} = \begin{cases} t_{u}^{\min}, & [t_{u-1}^{\text{rea}}, t_{u-1}^{\text{rea}} + \tau_{u-1}] \cap \\ & [t_{u}^{\min}, t_{u}^{\max}] = \varnothing \ \mbox{$\mathbbmm$L$} \ t_{u}^{\min} > t_{u-1}^{\text{rea}}, \\ t_{u-1}^{\text{rea}}, & [t_{u-1}^{\text{rea}}, t_{u-1}^{\text{rea}} + \tau_{u-1}] \cap \\ & [t_{u}^{\min}, t_{u}^{\max}] \neq \varnothing \ \mbox{$\mathbbmm$L$} \ t_{u}^{\max} > t_{u-1}^{\text{rea}}, \end{cases}$$
(12)

其中t<sup>min</sup>和t<sup>max</sup>分别为第u轮所分配无人机到达相应 分配目标所需最小与最大时间,式(12)中讨论了2种取 值情形,其他所有情形都将被视为约束情况并根据 式(13)进行处理.

$$s_{ju}^{\text{time}} = g_j^u. \tag{13}$$

将以上任务层约束进行求和可表示为

$$_{ju} = s_{ju}^{\text{dist}} + s_{ju}^{\text{time}}.$$
 (14)

上述航程代价与任务代价加入到收益函数,对 式(1)进行改进可得

$$f'_{u} = \max_{\substack{1 \le i \le n \\ 1 \le j \le m}} (f(x_{ij}) - \alpha s_{ju} - \beta d'_{ij} x_{ij}), \quad (15)$$

式中: α为比例缩放因子, β为航程代价因子.

此时,总收益式(6)相应改变为

$$F = \sum_{u=1}^{n} b_u f'_u. \tag{16}$$

以上的优化问题建模, 既考虑了空间要素, 又考虑 了时间要素, 因此模型更加完整, 更接近真实战场环 境.

#### 2.3 求解难点

无人机与目标不相等的多机多目标分配问题属于 非标准形式的指派问题,考虑分配次序的多机协同目 标分配问题是在非标准形式的任务指派问题中考虑 指派次序,本文称之为特殊的指派问题.该问题求解 难度较大,主要体现为

1) 指派问题可以用多种相应的解法来求解,如匈 牙利解法<sup>[20]</sup>,而非标准形式指派问题,通常的处理方 法是先将其转化为标准形式再进行求解.一般称矩 阵*C*<sub>m</sub>为指派问题的系数矩阵(coefficient matrix).在 实际问题中,矩阵*C*<sub>m</sub>可以有不同的含义,如费用、成 本、时间等,该矩阵在指派问题中以确定形式存在.而 本文协同目标分配模型中不同分配次序打击目标收 益值不同,即不同次序下的式(1)-(2)所得结果都不相 同,故该矩阵为不确定形式.导致一般求解指派问题 的数学解法无法求解.

2) 一架无人机被分配后的战场情况变化没有一般性规律,下一个将被攻击目标无法预测,即式(3)-(5)仅为更新规则,不能决定被更新对象.

3) 分配次序是该问题的重点和难点,分配次序作 为未知因素,需要在算法中作为变量进行考虑.

## 3 MUCTAGA算法

## 3.1 基因编码设计

根据第2节的优化问题建模,该问题可以采用普通的遗传算法求解,即使用二进制编码方式.但由于该问题具有0-1型整数规划的特点,因此本文对基因编码方式做如下改进:

图2中一个染色体序列包含无人机序列和目标序 列.无人机序列由无人机编号构成,无重复编号,对应 每架无人机只能获得一次分配权利.目标序列由目标 编号构成,允许重复编号,对应一个目标可被多架无 人机攻击.将相对应的无人机与目标视为一个基因, 每个基因对应一轮分配结果,适应值序列由每对分配 结果的收益值(式(15))构成.一次战术分配的总收益 由适应值序列之和求出,即式(16).染色体中基因个数 由无人机数量决定,同时对应分配轮次,相邻基因之 间存在战场环境变化.



图 2 基因编码方式 Fig. 2 Gene code

与二进制编码相比,上述编码过程除了计算效率 高的优点外,还保留了优化问题相关概念的具体含义, 这也便于把分配次序交换、无人机-目标匹配等具体 概念和下文第3.2节SDR(system of distinct representative)算子、第3.3节单行变异算子直接对应,使得求解 过程更为直观.

为使下文叙述更加清晰,对MUCTAGA算法中涉 及术语进行如下定义:

交叉父代:初始种群中用以交叉操作的个体.

SDR子代: 交叉父代通过SDR运算后产生的子代 个体.

变异父代: SDR子代中用以变异操作的个体. 变异子代: 变异父代单行变异后产生的子代个体. 最优子代: 变异子代中适应值最大的子代个体.

#### 3.2 SDR算子

交叉是产生新个体的重要方法,交叉算子的设计 和编码方式密切相关.鉴于本文编码方式的特殊性, 本文将状态转移思想引入交叉算子设计.状态转移的 基本思想是将优化问题的一个可行解作为一种状态, 可行解的更新过程被视为从一种状态向另一种状态 变化.离散状态转移算法产生候选解的基本框架可描 述如下[21]:

$$\begin{cases} X_{k+1} = E_k X_k \oplus H_k U_k \\ Y_{k+1} = \vartheta(X_{k+1}), \end{cases}$$

其中:  $X_k$ 表示当前的状态, 对应优化问题的一个解;  $E_k, H_k \in \mathbb{R}^{n \times n}$ 为状态转移矩阵, 可视为优化算法中 的算子; ⊕是联系2种状态的运算符;  $U_k$ 是关于当前状 态和历史状态的函数;  $\vartheta(X_{k+1})$ 是代价函数或评价函 数;  $Y_{k+1}$ 为下一时刻状态评价值.

文献[21]设计了3种变换算子:交换变换算子、移动变换算子和对称变换算子.而后两者的实质则为交换变换算子通过二次或多次转移变换而成,可以视为同一种算子,本文统称为交换算子.利用交换算子实现状态转移的过程可描述为

$$X_{k+1} = E_k X_k,$$

其中 $E_k \in \mathbb{R}^{n \times n}$ 为交换算子,是一个带有交换变换功能的随机0-1矩阵. $X_k$ 是由 $x_{ij}$ 组成的 $n \times 1$ 维列向量, 表示一个染色体上的所有基因型.该算子具有交换染 色体中随机两个位置基因的能力.比如一个由5个基因组成的染色体可表示为

表1 元素表示 Tabla 1 Flamout average

Liement	expression	

无人机	1	3	2	4	5
目标	1	4	2	1	3
基因	$x_{11}$	$x_{34}$	$x_{22}$	$x_{41}$	$x_{53}$

一个染色体经过5维交换算子E5运算后

$(x_{11})$		(1)	0	0	0	0)		$(x_{11})$	
$x_{41}$		0	0	0	1	0		$x_{34}$	
$x_{22}$	=	0	0	1	0	0	×	$x_{22}$	,
$x_{34}$		0	1	0	0	0		$x_{41}$	
$\left( x_{53} \right)$		$\left( 0 \right)$	0	0	0	1		$\langle x_{53} \rangle$	

式中*E*<sub>5</sub>交换第2行和第4行元素使得原序列的第2和 第4个基因发生了交换,可见,5维交换矩阵*E*<sub>5</sub>是在5 阶单位矩阵基础上通过一次基础行变换变换而来.但 交换算子交换能力有限,交换算子改进而来的移动变 换算子和对称变换算子只能实现某种特定转移功能. 为了提高算子交换能力,增加算子的适用性,将交换 算子进行扩展,则可以视为相异代表系问题.

定义 4 设Y是有限集合,  $\Gamma = (\pi_1, \pi_2, \dots, \pi_k)$ 是集合Y的k个子集族. Y元素的一个族 $(e_1, e_2, \dots, e_k)$ 如果满足 $e_1 \alpha \pi_1 \mu, e_2 \alpha \pi_2 \mu, \dots, e_k \alpha \pi_k \mu$ . 称  $(e_1, e_2, \dots, e_k)$ 为 $\Gamma$ 的一个代表系<sup>[22]</sup>(system of representative), 简记为SR.

**定义5** 在一个代表系中,元素 $e_i$ 属于 $\pi_i$ ,即 $e_i$ 是子集 $\pi_i$ 的代表.若所有子集的代表 $e_1, e_2, \dots, e_k$ 都 是不同的,那么称 $(e_1, e_2, \dots, e_k)$ 为相异代表系<sup>[22]</sup>

#### (system of distinct representative), 又称SDR.

**定义6** 设有限集合Y为{1,2,…,n},子集族  $\Gamma$ 的个数为n,每一个子集集合为{1,2,…,n},( $e_1$ ,  $e_2$ ,…, $e_n$ )为一组满足SDR定义的向量.对于n维矩 阵 $E'_n$ ,矩阵的第i行构成元素为:第i个子集的代表 $e_i$ 在子集中所在的位置j处置1,该行其余元素置0.此 时,矩阵 $E'_n$ 称之为SDR算子.

## 一个染色体经过SDR算子运算后

$$egin{pmatrix} x_{41} \ x_{11} \ x_{53} \ x_{22} \ x_{34} \end{pmatrix} = egin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} imes egin{pmatrix} x_{11} \ x_{34} \ x_{22} \ x_{41} \ x_{53} \end{pmatrix},$$

式中一个满足定义6的随机5阶方阵E<sup>'</sup><sub>5</sub>对原序列实现 了基因交换.SDR算子与交换算子的共同点在于都具 有交换基因位置的功能,而区别在于交换算子以单位 矩阵为基础,依靠基础行变换产生,SDR算子则是通 过由满足SDR定义多个向量组合而成.一个SDR矩阵 可以看作是一个单位矩阵通过数次基础行变换变换 而来,包含数个交换过程.故SDR算子可以视为交换 算子的一个通用性概括,是随机交换结果的高度总结, 用来增加算子的适用范围,能够较为准确描述随机性 状态转移过程.

SDR交换能力分析如下: 在产生一个随机SDR矩阵时, 矩阵第1行有 $C_n^1$ 种选择, 第2行有种 $C_{n-1}^1$ 选择, 第n行有 $C_1^1$ 种选择, 共有n!种选择, 其中有一种选择使得原序列不发生变化, 故一个SDR算子有(n! - 1)种交换方式交换原序列. 而交换算子每次都在n 维单位矩阵的基础上交换2个元素, 共有 $C_n^2$ 种交换方式, 故SDR算子具有更强的交换能力.

SDR算子相比于交换算子的优势体现为:1) SDR 算子交换能力更强,产生子代解的空间更大,随机性 更强,更易于跳出局部最优解;2) 相对于父代基因, SDR算子子代"混乱"程度更高,增加了子代种群多 样性,当子代规模较大时,子代重复率更低.

MUCTAGA算法针对分配次序问题,把SDR算子 设计为GA算法中的交叉算子.由于MUCTA问题的特 殊性,与传统GA算法相比,MUCTAGA算法只对一个 父代个体进行操作,通过改变交叉算子的作用方式, 即通过状态转移方式实现攻击排序要求,以一种新的 交换方法产生子代,能够较好应对考虑分配次序的多 无人机任务分配问题.

#### 3.3 单行变异算子

在遗传算法中,变异算子用来模拟生物变异过程. 变异算子将个体编码串中某些基因用其他等位基因 来替代,从而形成一个新的个体.变异可以提供初始 种群中不含有的基因,或找回选择过程中丢失的基因, 为种群提供新的内容,是改善GA算法局部搜索能力, 维持种群多样性的重要算子.SDR子代是由一个染色 体交换基因位置而来,并不能处理攻击对应关系,因 此MUCTAGA算法通过变异算子实现这一功能.算法 的变异算子只对染色体序列中的目标序列进行变异, 故称之为单行变异,可知同一变异父代产生的变异子 代仅存在对应关系差异,这是与传统遗传算法不同的 特点之一.变异率(记为λ)定义为种群中变异染色体数 在总染色体中的百分比.设计变异算子描述如下:

$$X_{k+1} = L_k^{\lambda} X_k,$$

式中*L*<sup>*λ*</sup>为变异算子. 该算子能够将目标序列中某几个 元素随机变为其他任意目标元素. 变异算子只对染色 体中目标序列操作, 取变异后的目标序列与原无人机 序列组成新的染色体, 即变异子代. 操作过程如图3所 示.





传统遗传算法的变异算子通常作为辅助算子出现, 使算法具有局部随机搜索能力,同时防止最优解被破 坏,一般变异率取值很小.与之不同的是,MUCTAGA 算法针对攻击对应关系问题,设计单行变异算子目的 为产生同一序列下多个不同对应关系的子代,为寻找 最优对应关系提供可能.而不发生变异的变异父代几 乎没有作用,因此变异率取值为1.同时为保持变异父 代序列信息可用,在编码设计时,变异父代在变异前 将其进行存储,变异结束后同变异子代共同组成新种 群.

## 3.4 选择算子

选择的目的是从当前种群中选出优良的个体,使 它们作为父代为下一代繁殖子孙.本文使用2种选择 方法.

 1)最佳个体法.是指在所有候选种群中选择最佳 个体进入后续操作,本文定义最佳个体为适应度值最 大个体.

2) 轮盘赌法.选择对象为所有SDR子代,每个染 色体被选择概率和其适应度值成正比.对染色体*i*,设 其适应值为Fit(*i*), SDR子代个数为ξ,则该染色体被 选中的概率*P*<sub>M</sub>如式(17)所示.可以看出, SDR 子代适 应值越大,被选择作为变异父代的概率越大.

$$p_{\rm M} = \frac{\operatorname{Fit}(i)}{\sum_{i=1}^{\xi} \operatorname{Fit}(i)}.$$
(17)

## 4 算法步骤

MUCTAGA求解多机协同目标任务分配问题过程为

步骤1 初始化进化代数k = 0,设置进化总代数K,种群规模pop,交叉次数 $\xi$ ,变异父代个数 $\xi'$ ,变异次数 $\gamma$ ,变异率 $\lambda = 1$ .

步骤2 随机产生pop个初始种群,  $ilde{T} k \ge 2,$ 将 k - 1代最优解个体加入初始种群. 根据式(15)计 算(pop + 1)个个体中所有个体适应值, 以最佳个体 法选择交叉父代.

**步骤3**随机产生SDR算子对交叉父代执行ξ次 交换操作,以轮盘赌法从产生的SDR子代选取ξ'个个 体作为变异父代.

**步骤4** 通过单行变异算子对步骤3产生的每个 变异父代执行γ次变异操作,获得(ξ'×γ)个变异子 代,同时联合所有变异父代,在(ξ'+ξ'×γ)个个体中 以最佳个体法选择最优个体作为第*k*代最优子代.

**步骤5** 若 $k \leq K$ , 令k = k + 1, 转到步骤2, 否则

算法结束,步骤4中最优子代即为最优解.

#### 5 实验结果与分析

假设我方无人机基地接到作战任务,对某地防空 阵地实施空中打击,我方指挥所根据先验信息已知敌 方目标信息,当作战指令发出后,启动目标分配程序, 无人机根据分配结果对敌方阵地实施攻击.假设执行 任务的空间尺度为:180km×220km×50km,随机设 定3个固定位置雷达威胁区,验证本文协同目标分配 模型合理性及MUCTAGA算法的有效性.

我方无人机实验初始数据设定如表2所示,设定我 方UAV的数量n=10,起飞点的坐标矩阵 $S_{\rm T}$ ;无人机 飞行能力矩阵 $E_{\rm n}$ (UAV最小、最大飞行速度);无人机 最大航程矩阵D;无人机携弹类型矩阵 $E_{\rm m}$ ,共AGMA 和AGMB2种导弹类型,其命中率分别为0.8和0.85; 表3为敌方目标数据设置,设定目标TAR数量m=4, 目标点坐标矩阵 $E_{\rm D}$ ;目标点权重矩阵G;目标被摧毁 所需弹药矩阵 $T_{\rm G}([i, j])$ 分别表示目标被摧毁所需AG-MA型和AGMB型导弹数量;表4为设定次序权重矩 阵B.如无特殊交代,以下实验参数设置为初始种群数 pop=50,参数 $\xi=10, \xi'=2, \gamma=10, \alpha=20, \beta=0.1$ , 变异率 $\lambda=1$ .

表 2 无人机初始信息 Table 2 Initial values of UAVs

UAV	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$S_{\mathrm{T}}$	(78, 40, 15)	(93, 31, 12)	(31, 25, 13)	(112, 32, 15)	(134, 26, 17)	(45, 52, 12)	(36, 55, 13)	(67, 34, 16)	(21, 45, 15)	(160, 30, 13)
$\mathit{E}_n/(m\cdot s^{-1})$	(20, 30)	(30, 35)	(10, 25)	(30, 40)	(20, 40)	(20, 30)	(20, 30)	(30, 40)	(20, 30)	(30, 32)
D/km	500	300	550	500	500	700	620	580	400	500
$E_{\rm m}$	AGMA	AGMA	AGMB	AGMB	AGMB	AGMB	AGMB	AGMB	AGMB	AGMB

表 3 目标初始信息 Table 3 Initial values of targets

TAR	1	2	3	4
$E_{\mathrm{D}}$	(70, 151, 12)	(40, 155, 13)	(19, 151, 12)	(150, 140, 13)
G	35	25	20	20
$T_{\rm G}$	(2, 2.5)	(1.5, 2)	(1.2, 1.2)	(1.2, 1.2)

表 4	次序权重矩阵
Table 4	The weight matrix

轮次	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
В	1	0.8	0.7	0.5	0.5	0.5	0.5	0.5	0.5	0.5

目标关系依赖矩阵是攻击方对联合目标内在关 系的理解,将其设为

$$A_{44} = \begin{pmatrix} 1 & 0.9 & 0.8 & 0.8 \\ 0.5 & 1 & 0.6 & 0.6 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

该作战场景中,只考虑敌方高炮自卫防空,故 p<sup>air</sup>=0. p<sup>gun</sup>与来袭无人机数量n之间关系设为<sup>[15]</sup>

	$\left(\frac{0.16n}{5}\right)$	$n \leqslant 5,$
	$\frac{0.077n}{5},$	$n \leqslant 10,$
$p^{\mathrm{gun}} = \langle$	$\frac{0.05n}{5},$	$n \leqslant 20,$
	$\frac{0.04n}{5},$	$n \leqslant 30,$
	$\left(\frac{0.025n}{5}\right),$	n > 30.

#### 5.1 实验1

为验证算法搜索最优解和处理协同约束的能力, 对模型进行20次仿真实验,算法迭代代数K为200 代,分配结果如表5所示;将各种约束关系表示为布 尔值,值为1表示满足该约束条件,为0表示违背该 约束条件; f'u是每一步分配的收益值(见式(15)),是 综合了目标收益和航程代价的适应度值,通过惩罚 因子对约束关系和航程代价进行了适当调整,所以 收益值为无量纲单位.

从实验1结果可以看出,多次实验均收敛到一致 的解,证明算法能够有效解决考虑分配次序的多无 人机目标分配问题.图4(a)和图4(b)分别为目标权重 和目标被摧毁概率与分配轮次的对应关系,可见, 目标权重整体呈下降趋势,目标被摧毁概率整体呈 上升趋势.且由于联合目标之间存在依赖关系,曲 线发生改变不止发生在该目标被攻击时刻.图4(c) 中为某次实验总收益值随算法迭代代数的变化关







(c) 某次实验总收益

系,在某次实验第112代达到最优解11.63. 图4(d) 中为目标分配结果的三维航迹表示.表5为实验1最 优解的详细数据.表中可以看出,目标权重大的目 标与攻击能力强的无人机被优先分配,每一步分配 攻击收益呈下降趋势,在第4轮分配后出现负收益, 这是因为随着目标权重和目标生存概率的不断降 低,满足协同约束的攻击收益小于航程代价.表6为 20次实验中某次实验的第50代分配结果,对比表 5可以看出,表6中有7架无人机与表5中分配到的目 标相同,但存在分配次序差异,导致同一对应关系 下却收益差异较大,如同一对应关系(1,1),即目标 1被分配给无人机1,在表5--6中的收益值却分别为 10.412和-3.376. 可见分配次序对多机协同目标分 配模型有较大影响.表6中与表5打击目标相异的其 他3架无人机打击目标的变更则是在后续更新时通 过单行变异实现,可见最优解是在满足各种协同约 束条件的基础上,无人机与目标对应关系和考虑分 配次序的综合结果.



(b) 目标被摧毁概率



(d) 分配结果三维航迹

图 4 实验1仿真结果 Fig. 4 The simulation result of experiment 1

表 5	头验1分	配结果	数据	
 -			a —	

 Table 5 The assignment result of Experiment 1

UAV	2	1	7	3	5	4	9	10	6	8	总收	航程	到达时	任务窗	平均
TAR	1	1	2	3	4	1	3	4	2	1	益	约束	刻约束	口约束	时间/s
$f'_u$	24.856	10.412	3.263	-4.391	-3.501	-4.631	0.724	-1.132	-4.099	-9.871	11.631	1	1	1	49.063

#### 表 6 某次实验第50代分配结果数据

Table 6 The 50th generation assignment result of a certain experiment

UAV	2	9	6	5	3	8	4	7	1	10	总收	航程	到达时	任务窗	平均
TAR	1	3	2	4	2	1	3	3	1	4	益	约束	刻约束	口约束	时间/s
$f'_u$	24.856	7.371	4.898	-2.669	-4.346	-7.479	-8.761	-5.843	-3.376	-1.268	3.803	1	1	1	16.361

#### 5.2 实验2

本实验对比交换算子和SDR算子性能作用. 令: a)  $\xi = 1$ ; b)  $\xi \in [1, 30]$ . 设定算法在找到最优解后停止运行. 两者仿真结果分别为图5(a)和5(b)所示.





1) 在图5(a)中,交换算子出现2个极端情况,一是 理想情况下较易找到最优解(第18次实验迭代代 数75代),另一种是不理想情况下更难找到最优解 (第2次实验迭代代数2500代).这是其算子属性决定 的,交换算子交换能力较弱,故产生子代的空间狭窄, 容易陷入局部最优解.而SDR算子,由于交换幅度更大,子代多样性更强,更注重全局寻优能力,故表现出 更强的稳定性.

2) 在图5(b)中,随着交叉次数的增加,SDR算子表现明显优于交换算子,相比于图5(a),增大ξ参数能够 丰富SDR算子子代多样性,加快寻优速率,且ξ参数越 大该效果越明显.而交换算子容易产生重复子代,使 得子代多样性不强,ξ参数的增益效果不明显,增益趋 势不稳定.故MUCTAGA算法中选择SDR算子较为合 理.

### 5.3 实验3

交换和变异操作是MUCTAGA算法的核心,影响 算法的收敛速度的参数有 $\xi, \xi', \gamma$ . 其中 $\xi' \in (0, \xi]$ , 为 测试各参数对算法收敛速度的影响,分析各参数 在MUCTAGA算法中的性能,运用控制变量法对各参 数进行仿真实验. 现设a)  $\xi' = 1, \gamma = 50, \forall [1, 100]$ 范 围内 $\xi$ 取值进行实验; b)  $\xi' = 1, \xi = 50, \forall [1, 100]$ 范 围内 $\gamma$ 取值进行实验; c)  $\xi = \gamma = 50$ , 由于 $\xi' \in [1, 50]$ , 对[1,50]范围内取值ξ'进行实验. 设定算法在找到最 优解后停止运行,对每一组参数取值进行20次仿真实 验,取平均值作为实验结果.实验的结果分别如图 6(a)-6(c)所示,从图6(a)-6(b)出可以看出,随着 $\xi, \gamma$ 参 数的增大,算法能以更少的迭代代数找到最优解, ε, γ参数决定子代产生的规模, 也是决定子代多样性的 关键因素,从而极大的影响算法收敛速度,种群多样 性程度越高,算法收敛速度越快,这与传统遗传算法 的收敛规律是相同的. 而对于图6(c)可知随着ξ'的增 大,迭代代数有减小趋势并逐渐趋于稳定,可见保留 较多SDR子代用于变异可以有效加快算法收敛速度. 但随着保留个数的增加这一效果将明显减弱,因为保 留的SDR子代过少时,种群多样性有限,此时增加 SDR子代能够扩大种群规模,加快收敛速度,而保留 的SDR子代过多时,一些较差的SDR子代即使被保留 下来,在变异择优的过程中也将被淘汰,并不能改善 收敛速度,反而会增加算法执行时间. 故ξ'参数存在 一个上限值,能够最大化利用优秀SDR子代、摒弃劣 质子代的同时考虑算法计算量.为兼顾算法收敛速度 和算法执行时间,选择ξ′参数为10~20(即选择比例 为20%~40%)之间较为合理.

在MUCTAGA算法中,各参数之间相互促进,同时 也相互制约,某些参数设置无法得到图6(a)--6(b)的规 律,例如:设图6(d) $\xi' = \gamma = 1$ ,对[1,100]范围内 $\xi$ 取 值进行实验;图6(e) $\xi = \xi' = 1$ ,对[1,100]范围内 $\gamma$ 取 值进行实验. 2次实验的结果分别如图6(d)和图6(e)所 示,对比于图6(a)--6(b),图6(d)--6(e)中折线变化无显 著规律,遗传算法规律没有明显体现出来,且平均迭 代代数明显相对较大.分析其具体原因,参数ξ,γ在算 法中的作用都用以扩大种群规模,对于图6(d),当参 数 $\xi' = \gamma = 1$ 时,由 $\xi$ 参数扩大而来的种群,在选择 SDR子代时,即使此时子代规模很大,但由于长参数限 制只能选择一个子代进行变异操作,虽然选择的是最 优解,但多样性的遗传特性无法保留,故ξ参数的功能 被一定程度的限制,又因为 $\gamma = 1$ ,即仅对一个个体进 行一次变异操作进入下一代,同样限制了γ参数的作 用. 同理, 在图6(e)中, 参数 $\xi = \xi' = 1$ 时同样限制了 子代多样性,导致实验结果不符合理论规律.



(b)  $\xi' = 1, \xi = 50$ , 不同 $\gamma$ 时迭代代数





可见,参数取值是MUCTAGA算法的重要部分,在 实际应用中,通过合理的参数取值快速而有效的找到 问题最优解,这对于真实战场情况至关重要.

## 6 结论

本文面向实际战场环境,充分考虑目标之间的依

赖关系和我方火力配置差异,建立了考虑分配次序的 多无人机协同目标分配模型.通过改进遗传算法,设 计了多无人机协同目标分配遗传算法,算法针对优化 问题的物理概念改进了基因编码方式,并分别设计 了SDR 算子、单行变异算子以及选择算子,完成对 MUCTA的求解.

### 参考文献:

- BEARD R W, MCLAIN T W, GOODRICH M. Coordinated target assignment and intercept for unmanned air vehicles. *IEEE International Conference on Robotics and Automation*. Washington, DC: IEEE, 2002, 3(6): 2581 – 2586.
- [2] ZHOU S, YIN G, WU Q. UAV cooperative multiple task assignment based on discrete particle swarm optimization. *International Conference on Intelligent Human-Machine Systems and Cybernetics*. Hangzhou, China: IEEE, 2015: 81 86.
- [3] HU X, MA H, YE Q, et al. Hierarchical method of task assignment for multiple cooperating UAV teams. *Journal of Systems Engineering and Electronics*, 2015, 26(5): 1000 – 1009.
- [4] EDISON E, SHIMA T. Integrated task assignment and path optimization for cooperating uninhabited aerial vehicles using genetic algorithms. *Computers & Operations Research*, 2011, 38(1): 340 – 356.
- [5] WU Weinan, GUAN Yingzi, GUO Jifeng, et al. Research on cooperative task assignment method used to the mission SEAD with real constraints. *Control & Decision*, 2017, 32(9): 1574 1582.
  (吴蔚楠, 关英姿, 郭继峰, 等. 基于SEAD任务特性约束的协同任务 分配方法. 控制与决策, 2017, 32(9): 1574 1582.)
- [6] ZHAO Ming, SU Xiaohong, MA Peijun, et al. A unified modeling method of UAVs cooperative target assignment by complex multiconstraint conditions. *Acta Automatica Sinica*, 2012, 38(12): 2038 – 2048.

(赵明, 苏小红, 马培军, 等. 复杂多约束UAVs协同目标分配的一种统一建模方法. 自动化学报, 2012, 38(12): 2038 – 2048.)

- [7] WANG Z, LIU L, LONG T, et al. Multi-UAV reconnaissance task allocation for heterogeneous targets using an opposition-based genetic algorithm with double-chromosome encoding. *Chinese Journal of Aeronautics*, 2018, 31(2): 339 – 350..
- [8] SHIMA T, RASMUSSEN S J, SPARKS A G, et al. Multiple task assignments for cooperating uninhabited aerial vehicles using genetic algorithms. *Computers & Operations Research*, 2006, 33(11): 3252 – 3269.
- [9] TURNER J, MENG Q, SCHAEFER G, et al. Distributed task rescheduling with time constraints for the optimization of total task allocations in a multirobot system. *IEEE Transactions on Cybernetics*, 2017, (99): 1 – 15.
- [10] YAN Ji, LI Xiangmin, LIU Bo. Multi-agents cooperative task allocation with precedence constrains. *Control & Decision*, 2015, 30(11): 1999 2003.
  (颜骥, 李相民, 刘波. 考虑时序约束的多智能体协同任务分配. 控制 与决策, 2015, 30(11): 1999 2003.)
- [11] DI Bin, ZHOU Rui, DING Quanxin. Distributed coordinated heterogeneous task allocation for unmanned aerial vehicles. *Control & Decision*, 2013, 28(2): 274 278.
  (邸斌,周锐,丁全心.多无人机分布式协同异构任务分配. 控制与决策, 2013, 28(2): 274 278.)
- [12] JEONG B M, HA J S, CHOI H L. MDP-based mission planning for multi-UAV persistent surveillance. *International Conference on Control, Automation and Systems*. Seoul, South Korea: IEEE, 2014: 831 – 834.

- [13] SU Zhaopin, JIANG Jianguo, LIANG Changyong, et al. A distributed algorithm for parallel multi-task allocation based on profit sharing learning. *Acta Automatica Sinica*, 2011, 37(7): 865 872. (苏兆品, 蒋建国, 梁昌勇, 等. 一种基于P学习的分布并行多任务分配算法(英文). 自动化学报, 2011, 37(7): 865 872.)
- [14] LI Qiang. Reasearch on target assignment and guidance law for cooperative engagement of multi-missile. Harbin: Harbin Institute of technology, 2017. (李强. 多导弹协同作战目标分配和制导律研究. 哈尔滨: 哈尔滨工 业大学, 2017.)
- [15] PENG Xingguang. Dynamic Evolutionary Algorithm for Unmanned System and Its Application. Beijing: Science Press, 2017: 114-125. (彭星光. 面向无人系统的动态进化算法及应用. 北京: 科学出版社, 2017: 114-125.)
- [16] WU Weinan, CUI Naigang, GUO Jifeng. Distributed task assignment method based on local information consensus and target estimation. *Control Theory & Applications*, 2018, 35(4): 566 – 576.
  (吴蔚楠, 崔乃刚, 郭继峰. 基于目标信息估计的分布式局部协调任 务分配方法. 控制理论与应用, 2018, 35(4): 566 – 576.)
- [17] ZHAO M, ZHAO L, SU X, et al. Improved discrete mapping differential evolution for multi-unmanned aerial vehicles cooperative multitargets assignment under unified model. *International Journal of Machine Learning & Cybernetics*, 2017, 8(3): 765 – 780.
- [18] ZHANG Y Z, HU B, LI J W, et al. Heterogeneous multi-UAVs cooperative task assignment based on GSA–GA. *IEEE International Conference on Aircraft Utility Systems*. Beijing, China: IEEE, 2016: 423 – 426.
- [19] SHIMA T, SCHUMACHER C. Assigning cooperating UAVs to simultaneous tasks on consecutive targets using genetic algorithms. *Journal of the Operational Research Society*, 2009, 60(7): 973 – 982.
- [20] LIU Yi, TONG Mingan. An application of hungarian algorithm to the multi-target assignment. *Fire Control & Command Control*, 2002, 27(4): 34 – 37.
  (柳毅, 佟明安. 匈牙利算法在多目标分配中的应用. 火力与指挥控 制, 2002, 27(4): 34 – 37.)
- [21] DONG Tianxue, YANG Chunhua, ZHOU Xiaojun, et al. A novel discrete state transition algorithm for staff assignment problem. *Control Theory & Applications*, 2016, 33(10): 1378 1388.
  (董天雪, 阳春华, 周晓君, 等. 一种求解企业员工指派问题的离散状态转移算法. 控制理论与应用, 2016, 33(10): 1378 1388.)
- [22] BRUALDI R A, FENG Su's Translation. Introductory Combinatorics. The Fifth Edition. Beijing: China Machine Press, 2012: 198 – 209. (Brualdi R A著, 冯速等译. 组合数学. 第5版. 北京: 机械工业出版 社, 2012: 198 – 209.)

#### 作者简介:

**陈志旺** 副教授,博士,目前研究方向为多旋翼飞行控制、目标跟踪等,E-mail: czwaaron@ysu.edu.cn;

**夏** 顺 硕士研究生,目前研究方向为无人机路径规划、任务分 配, E-mail: xiashun9388@163.com;

**李建雄** 博士,硕士生导师,目前研究方向为连铸轧钢自动化技术 与应用、优化控制, E-mail: jxli@ysu.edu.cn;

**王 航** 硕士研究生,目前研究方向为飞行器视觉应用研究, E-mail: wanghang1205@163.com;

**王昌蒙**硕士研究生,目前研究方向为飞行器视觉应用研究, E-mail: 1506869347@qq.com.