文章编号:1000-8152(2010)02-0244-05

### 大容量链式静止同步补偿器的非线性双输出解耦控制

郑 宏,陈灵奎,郭 凯

(江苏大学 电气信息工程学院, 江苏 镇江 212013)

摘要:大容量链式静止同步补偿器(STATCOM)是典型非线性系统,其控制理论和算法复杂且抽象.本文根据链式STATCOM的有功-无功电流的动态数学模型,得到非线性动态无功控制策略,利用双输入双输出线性化的控制方法,实现双输出变量解耦控制.仿真及实验研究表明,该链式STATCOM非线性双输出解耦控制器,在系统发生短路或大功率负载突变时具有良好的动态性能.

关键词:链式STATCOM;非线性;解耦 中图分类号:TM761 文献标识码:A

# Control of nonlinearity and two outputs variables decoupling in cascade STATCOM

ZHENG Hong, CHEN Ling-kui, GUO Kai

(School of Electrical and Information Engineering, Jiangsu University, Zhenjiang Jiangsu 212013, China)

**Abstract:** High power cascade static synchronous compensator(STATCOM) is a typical nonlinear system; the control theory and algorithm of which are complex and abstract. Based on the dynamic mathematical model of the active and the reactive currents in a cascade STATCOM, we develop a nonlinear dynamic control strategy for the reactive power; and using the control method of two-input two-output linearization, we achieve the decoupling control for the output variables. The simulation and experimental results show that this nonlinear and two-output decoupling controller has a desirable dynamic performance, when a short circuit fault occurs or a high-power load abruptly changes.

Key words: cascade STATCOM; nonlinear; decoupling

#### 1 引言(Introduction)

自文献[1]首次提出链式STATCOM概念以来,链 式结构引起了广泛关注.图1为链式STATCOM主电 路结构,每相采用若干个具有独立直流电源的单相 逆变桥直接串联而成,与传统的变压器多重化结构 的STATCOM相比,链式STATCOM摒弃了多重化变 压器,减少了占地面积,降低了装置成本,避免了因 变压器的非线性特征致使控制困难等缺点.同时链 式STATCOM便于分相控制、易于扩展容量等优点, 还可以通过冗余设计,进一步提高装置的可靠性.

链式STATCOM装置是个典型的非线性系统.因此,对该系统应用非线性的控制方法可实现较高精度的控制. 文献[2]采用了理论比较成熟的单输出变量的线性化控制方法,但该方法的应用范围很小且误差很大. 文献[3]证实了在运行点附近进行局部线性化的控制方法存在很大的缺点. 而逆系统方法虽

然有不依赖运行点的非线性控制特性,但其控制理 论极其复杂且抽象性很强<sup>[4]</sup>.相比之下,本文中基于 非线性双输出变量的解耦控制方法即包含了逆系统 方法的优点,又实现了理论及运算的简便,无疑是更 好的非线性控制方法.本文根据链式STATCOM的有 功—无功电流的动态模型,利用双输入双输出线性 化的控制方法,实现输出变量解耦控制.并进行了仿 真实验,从而证实了该方法的可行性.

## 2 链式STATCOM动态数学模型(Dynamic mathematical model of cascade STATCOM)

链式结构STATCOM的基本特点是每相由具有 独立直流电源的单相逆变桥(H桥)直接串联而成<sup>[5]</sup>. 通过合成各串联H桥的输出电压波形,形成一个接 近正弦波形的阶梯波,达到减小各输出相电压谐 波的目的.链式STATCOM与系统的等效连接图如 图2所示<sup>[1]</sup>.

收稿日期: 2009-06-23; 收修改稿日期: 2009-09-09.

基金项目: 江苏省科技攻关计划项目(BE2007069); 江苏省研究生培养创新工程项目(CH07B-102z).



图 1 Y型链式STATCOM主电路结构 Fig. 1 The main circuit structure of Y type cascade







Fig. 2 The equivalent connection graph of cascade STATCOM and power grid

根据上述等效连接图及文献[2]可得到链式 STATCOM在d-q旋转坐标下的数学模型.其中:ω是 旋转坐标频率,L是连接STATCOM与系统线电压的 等效电抗,R是传输线路损耗和变换器损耗的等效 电阻值,直流侧并联电阻R<sub>dc</sub>表示变换器的开关损 耗.U<sub>dc</sub>表示变换器中各电容电压的直流电压(假设 各电容电压是相等的).

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \begin{bmatrix} i_{\mathrm{d}} \\ i_{\mathrm{q}} \\ U_{\mathrm{dc}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R}{L} & \omega & \frac{NM}{L} \cos \delta \\ -\omega & -\frac{R}{L} & -\frac{NM}{L} \sin \delta \\ -\frac{M}{2C_{\mathrm{dc}}} \cos \delta & \frac{M}{2C_{\mathrm{dc}}} \sin \delta & -\frac{1}{C_{\mathrm{dc}}R_{\mathrm{dc}}} \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} i_{\mathrm{d}} \\ i_{\mathrm{q}} \\ U_{\mathrm{dc}} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\frac{1}{L} & 0 \\ 0 & -\frac{1}{L} \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_{\mathrm{sp}} \\ V_{\mathrm{sq}} \end{bmatrix}.$$
(1)

其中: N表示每相的直流电源个数, V<sub>sp</sub>和V<sub>sq</sub>分别表 示网侧电压的正序分量和负序分量, δ是STATCOM 产生的电压与系统电压的相位差, M是调制比, 即变 换器输出相电压峰值与一相中总电容电压的比值.

#### 3 非线性控制算法(Nonlinear control algorithm)

从上述数学模型可以分析出,通过综合控制相 位角δ和调制比M就可以实现对STATCOM输出电 压(电流)的控制.因此,在dq旋转坐标下可实现有功 和无功电流分量的解耦控制<sup>[6,7]</sup>.令

$$u_1 = NM\cos\delta, \ u_2 = NM\sin\delta.$$

从上面的分析可得到,该系统为标准的非线性系统,其动态性能可以等效为

$$\begin{cases} \dot{x} = f(x) + g(x)u, \\ y = h(x), \\ x = [x_1, x_2, x_3]^{\mathrm{T}} = [i_d, i_q, U_{dc}]^{\mathrm{T}}, \\ f(x) = \\ \begin{bmatrix} f_1(x) \\ f_2(x) \\ f_3(x) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R}{L}x_1 + \omega x_2 - \frac{V_{\mathrm{sp}}}{L} \\ -\omega x_1 - \frac{R}{L}x_2 - \frac{V_{\mathrm{sq}}}{L} \\ -\frac{x_3}{C_{\mathrm{dc}}R_{\mathrm{dc}}} \end{bmatrix}, \\ g(x) = \\ \begin{bmatrix} g_{11}(x), g_{12}(x) \\ g_{21}(x), g_{22}(x) \\ g_{31}(x), g_{32}(x) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{x_3}{L} & 0 \\ 0 & -\frac{x_3}{L} \\ -\frac{x_1}{2NC_{\mathrm{dc}}} & \frac{x_2}{2NC_{\mathrm{dc}}} \end{bmatrix}, \\ u = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} NM \cos \delta \\ NM \sin \delta \end{bmatrix}.$$

输出变量为

$$y = h(x) = \begin{bmatrix} h_1(x) \\ h_2(x) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_3 \\ x_2 \end{bmatrix}.$$
 (3)

由式(2)(3)可以看出,该等效的数学模型是两输入两输出三状态变量的非线性耦合系统,为实现 该系统的解耦控制和线性化,本文应用了输入—输 出线性化的算法.输出变量中, *h*<sub>1</sub>(*x*)是2阶子系统, 而*h*<sub>2</sub>(*x*)为1阶子系统.对两个子系统分别进行哈密 顿解耦算法.

$$E(x) = \begin{bmatrix} Lg_1Lfh_1(x) & Lg_2Lfh_1(x) \\ Lg_1h_2(x) & Lg_2h_2(x) \end{bmatrix},$$

 $Lfh(x) = \nabla h(x)f(x),$  $LqLfh(x) = \nabla (Lfh(x))g(x),$ 

得到解耦矩阵E(x):

$$E(x) = \begin{bmatrix} \frac{x_1}{2NR_{\rm dc}C_{\rm dc}^2} & \frac{x_1}{2NR_{\rm dc}C_{\rm dc}^2} \\ 0 & -\frac{x_3}{L} \end{bmatrix}.$$
 (4)

实际正常运行条件下式(4)并不是唯一的,而且 该系统能转化成两组解耦的线性化系统.定义在线 性可控系统中的状态变量为

$$\begin{cases} z_1 = x_3, \\ z_2 = -\frac{u_1 x_1}{2NC_{\rm dc}} + \frac{u_2 x_2}{2NC_{\rm dc}} - \frac{x_3}{C_{\rm dc}R_{\rm dc}}, \\ z_3 = x_2. \end{cases}$$
(5)

从式(5)能够得到下面的空间状态等式:

$$\begin{cases} \dot{z_1} = z_2, \\ \dot{z_2} = v_1, \\ \dot{z_3} = v_2. \end{cases}$$
(6)

其中: v<sub>1</sub>和v<sub>2</sub>是系统的新的输入量. 根据式(6)可以 设计出理想轨迹的控制方法. 但为了克服系统模型 和不确定性参数引起的错误,本文加入了积分控制 环节:

$$\begin{cases} z_{\rm vdc} = \int (v_{\rm dc} - v_{\rm dc}^*) \mathrm{d}t, \\ z_{\rm q} = \int (i_{\rm q} - i_{\rm q}^*) \mathrm{d}t. \end{cases}$$
(7)

此时的线性系统为

$$\begin{bmatrix} \dot{z}_1 \\ \dot{z}_2 \\ \dot{z}_{vdc} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} z_1 \\ z_2 \\ z_{vdc} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} v_1 + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} v_{dc}^*,$$
$$\begin{bmatrix} \dot{z}_3 \\ \dot{z}_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} z_3 \\ z_q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} v_2 + \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \end{bmatrix} i_q^*.$$

因此,该控制算法定义为

$$\begin{cases} v_{1} = -k_{1}z_{1} - k_{2}z_{2} - k_{vdc}z_{vdc} = \\ -k_{1}x_{3} - k_{2}\dot{x_{3}} - k_{vdc}\int (x_{3} - v_{dc}^{*})dt, \\ v_{2} = -k_{3}z_{3} - k_{q}z_{q} = \\ -k_{3}x_{2} - k_{q}\int (x_{2} - i_{q}^{*})dt. \end{cases}$$
(8)

通过上式可以获取反馈的增益.因此,该控制算法的 最终形式为

$$\begin{cases} u_{1} = \frac{(-L^{2}fh_{1} + v_{1})}{Lg_{1}Lfh_{1}} = \\ -\frac{2Nx_{3}^{2}}{R_{dc}x_{1}} + \frac{2NR_{dc}C_{dc}^{2}}{x_{1}}v_{1}, \\ u_{2} = \frac{(-Lfh_{2} + v_{2})}{Lg_{2}h_{2}} = \\ -\frac{\omega Lx_{1} + Rx_{2} + v_{sq} + Lv_{2}}{x_{3}}. \end{cases}$$
(9)

因此,可以得到装置输出控制量相位角δ和调制 比*M*与输入量*i*<sub>d</sub>,*i*<sub>q</sub>和*U*<sub>dc</sub>的关系.从而,实现了该非 线性系统双输出变量的解耦,便于该复杂控制器的 设计<sup>[8]</sup>.

## 4 控制器设计及仿真实验(Controller design and simulation experiment)

据上述数学模型和非线性解耦控制算法,该系统 的控制器框图如图3所示.







本文运用MATLAB/Simulink里的PowerBlocket搭 建了仿真系统(如图4)测试STATCOM非线性解耦控 制器的有效性.该仿真系统主电路采用链式Y型结 构的STATCOM形式(如图1),并在系统电压发生短 路和大功率负载突变时的情况进行仿真实验.

系统在1.5 s处发生短路故障, STATCOM未投入 使用前, 通过仿真波形图5(a)可知, 总线3处系统电压 与参考电压间差距很大, 并在短路点处出现很大的 电压波动.

当STATCOM在开始处投入使用时,通过仿真波 形图5(b)可知,系统电压与参考电压几乎一致,短路 处电压也只是在参考电压附近有轻微波动.对比可 知,该控制方法可实现系统电压的平衡.

与前述系统短路故障情况一致,系统通过总线10处的LOAD负载,分别在0s,1.0s和2.0s处发生大功率负载突变,对比图6(a)和图6(b)可知,STAT-COM可在负载突变时短时间内实现电网电压的平衡并保证较小的波动.从而证实了基于非线性双输出变量的解耦控制方法的可行性和有效性.

第27卷



图 4 链式STATCOM仿真系统模型







Fig. 5(a) The system and its reference voltage before compensation while occurring short-circuit failure



Fig. 5(b) The system and its reference voltage after compensation while occurring short-circuit failure

除此之外,研制了基于IGCT链式STATCOM实验样机,并对负载不对称情况下的动态跟踪补偿实验中进行了突然加载的实验,得到图7波形图. 由动态响应实验波形可知,经过一个工频周期的 暂态后,系统进入稳态,无功得以补偿.综上所述, 基于非线性解耦控制的链式STATCOM能够提高 电网的稳定性且补偿效果非常好.



图 6(a) 大功率负载突变时补偿前的系统电压及参考电压

Fig. 6(a) The system and its reference voltage before compensation while large power load mutating



图 6(b) 大功率负载突变时补偿后的系统电压及参考电压 Fig. 6(b) The system and its reference voltage after compensation while large power load mutating



Fig. 7 The experiment of dynamic response

#### 5 结论(Conclusion)

本文针对大容量链式STATCOM的控制理论算 法的复杂性,提出了一种基于非线性双输入双输 出变量解耦控制的链式STATCOM算法,并设计了 非线性动态无功控制器.仿真及实验研究表明,在 系统发生短路及大功率负载突变时,该控制方法 能够实现系统的快速无功功率补偿和电压调整, 用该方法提高系统的动态性能是有效可行的.

#### 参考文献(References):

- PENG F Z, LAI J S. Dynamic performance and control of a static var generator using cascade multilevel inverters[J]. *IEEE Transactions on Industry Applications*, 1997, 33(3): 748 – 755.
- [2] NIKUN J, SHAH M. EMTP-RV Simulation of a Chain Link STAT-COM[M]. Canada: Concordia University, 2007.
- [3] 吕燕. DSTATCOM建模及其非线性控制的研究[D]. 济南: 山东大 学, 2006.

(LÜ Yan. Research on the modeling and nonlinear control of DSTAT-COM[D]. Jinan: Shandong University, 2006.)

- [4] 魏文辉,刘文华,宋强,等. 基于逆系统方法有功—无功解 耦PWM控制的链式STATCOM动态控制策略研究[J].中国电机 工程学报,2005,25(3):23-28.
  (WEI Wenhui, LIU Wenhua, SONG Qiang, et al. Research on fast dynamic control of static synchronous compensator using cascade multilevel inverters[J]. Proceedings of the Chinese Society for Electrical Engineering, 2005, 25(3): 23-28.)
- [5] WU B. *High-Power Converters and AC Drives*[M]. Canada: Wiley-IEEE Press, 2006.
- [6] HAN B, BAEK S, KIM H. Static synchronous series compensator based on cascaded H-bridge inverter[J]. *Electric Power Systems Re*search, 2003, 65(2): 159 – 168.
- [7] YAO Z, DONESCU V, PETAL K. Nonlinear control for STATCOM based on differential algebra[C] //IEEE Power Electronics Specialists Conference(PESC98). Fukuoka, Japan: IEEE, 1998, 5: 329 – 334.
- [8] 刘涛,张卫东,欧林林. 双输入输出时滞过程解耦控制的解析设计[J]. 控制理论与应用, 2006, 23(1): 31 37.
  (LIU Tao, ZHANG Weidong, OU Linlin. Analytical design of decoup ling control for two-input two-output processes with time delays[J]. *Control Theory & Applications*, 2006, 23(1): 31 37.)

#### 作者简介:

郑 宏 (1965—), 男, 教授, 博士, 主要研究方向为电力电子器

件与应用、FACTS技术, E-mail: zhenghong0511@sina.com;

**陈灵奎** (1983—), 男, 硕士研究生, 主要从事电能质量检测以及 特定情况下STATCOM的模型分析, E-mail: chlk888@yahoo.com.cn;

**郭 凯** (1983—), 男, 硕士研究生, 主要研究方向为电力电子技 术应用、谐波治理、无功补偿, E-mail: immortalitygk@163.com.

248